

```

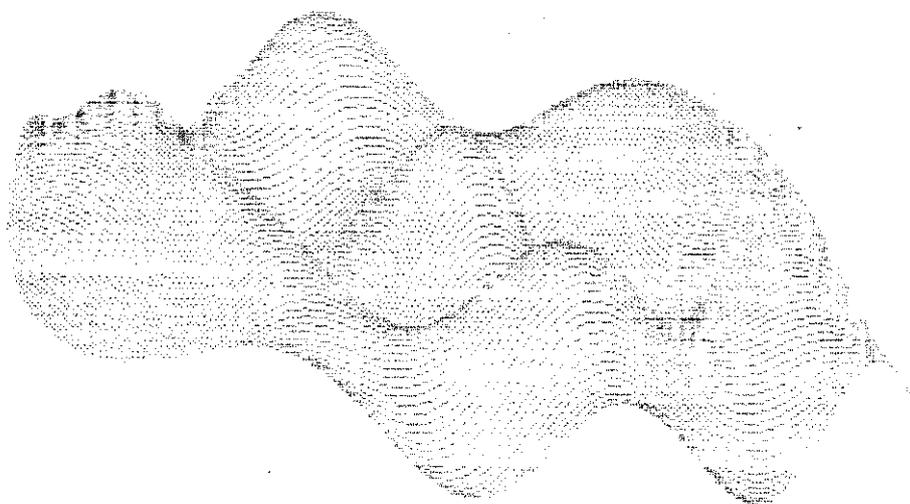
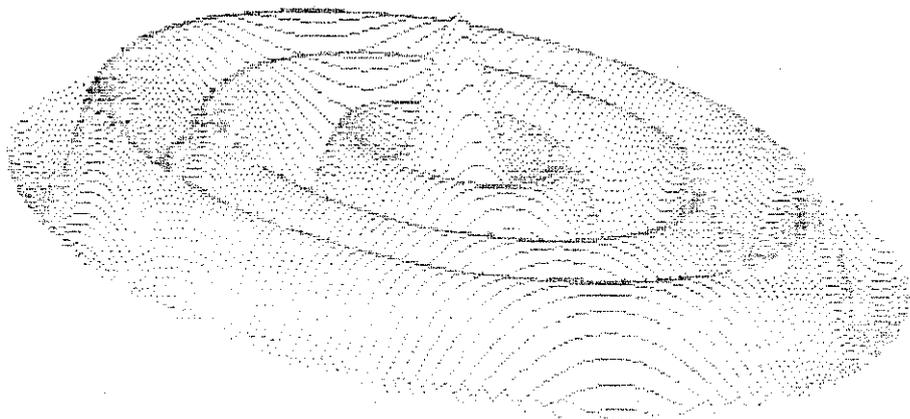
10 REM .....
15 REM ..... ZYLINDER .....
20 REM .....
25 REM ..... (c) Rolf Schall 1984.
30 REM .....
35 REM ... Sehr schoenes Demonstrationsprogramm zur .....
40 REM ... Erzeugung von Mischfarben in MODE 7. Durch ...
45 REM ... geeignete Kombinationen werden weiche Farb- ..
50 REM ... uebergaenge erzielt, was den Eindruck glaen-..
55 REM ... zender Metallzylinder hervorruft. ....
60 REM ... Auf RGB-Monitoren koennen die Farbwerte .....
65 REM ... abweichen. Dort muessen dann andere Kombina-..
70 REM ... tionen benutzt werden (ab Zeile 9010). Die ...
75 REM ... Farben wurden mit dem Hilfsprogramm PALETTE ..
80 REM ... ausgewaehlt. .... Viel Spass! ....
85 REM .....
90 *** IMP INT
100 CLEAR 1000: SUPERRES=#300: GOSUB 700
110 COLOR 8 0 0 0: CALLM SUPERRES
120 DIM BA(7,5), FO(7,5)
150 FOR I=0 TO 5: FOR J=0 TO 7: READ BA(J,I), FO(J,I): NEXT: NEXT
210 R=RND(XMAX/8-16): X=R*8: COL=RND(6)
220 Y1=RND(YMAX): Y2=RND(YMAX): GOSUB 500
230 H=RND(5)+1: R=RND(YMAX/H-16): Y=R*H: COL=RND(6)
240 X1=INT(RND(XMAX/8))*8: X2=INT(RND(XMAX/8))*8-1
250 IF X1>X2 THEN 240: GOSUB 600: GOTO 210
500 REM ..... VERTIKALE ZYLINDER .....
510 X1=X: X2=X+120: FOR I=0 TO 7: BA=BA(I,COL)
520 FILL X1,Y1 X1+7,Y2 BA: FILL X2,Y1 X2+7,Y2 BA
530 X1=X1+8: X2=X2-8: NEXT
540 X1=X: X2=X+120: FOR I=0 TO 7: FO=FO(I,COL)
545 IF FO=BA(I,COL) THEN 570
550 FOR J=0 TO 8 STEP 2: X3=X1+J: X4=X2+J
560 DRAW X3,Y1 X3,Y2 FO: DRAW X4,Y1 X4,Y2 FO: NEXT
570 X1=X1+8: X2=X2-8: NEXT
580 RETURN
600 REM ..... HORIZONTALE ZYLINDER .....
610 H1=H-1: Y1=Y: Y2=Y+15*H: FOR I=0 TO 7: BA=BA(I,COL)
620 FILL X1,Y1 X2,Y1+H1 BA: FILL X1,Y2 X2,Y2+H1 BA
630 Y1=Y1+H: Y2=Y2-H: NEXT
640 Y1=Y: Y2=Y+15*H: FOR I=0 TO 7: FO=FO(I,COL)
645 IF FO=BA(I,COL) THEN 670
650 FOR J=X1 TO X2 STEP 2
660 DRAW J,Y1 J,Y1+H1 FO: DRAW J,Y2 J,Y2+H1 FO: NEXT
670 Y1=Y1+H: Y2=Y2-H: NEXT
680 RETURN
700 START=SUPERRES: ADRES=START
710 READ BYTE: IF BYTE<#100 THEN POKE ADRES,BYTE: ADRES=ADRES+1: GOTO 710
720 IF BYTE=#FFF THEN RETURN
730 READ LBYTE,HBYTE: POKE ADRES,BYTE IAND #FF
740 LBYTE=LBYTE+(START IAND #FF): CARRY=LBYTE SHR 8
750 POKE ADRES+1,LBYTE IAND #FF: HBYTE=HBYTE+(START SHR 8)+CARRY
760 POKE ADRES+2,HBYTE: ADRES=ADRES+3: GOTO 710

```

```

770 DATA #F5,#C5,#D5,#E5,#3E,#8,#EF,#18,#2A,#9E,#0,#3E,#F,#A5,#87,#87
780 DATA #87,#87,#6F,#7C,#E6,#F,#85,#E,#FF,#21,#EF,#BF,#1E,#F4,#16,#42
790 DATA #36,#B0,#2B,#36,#40,#2B,#71,#2B,#77,#15,#1C2,#25,#0,#2B,#1D,#1C2
800 DATA #1E,#0,#121,#6B,#0,#11,#84,#0,#6,#15,#7E,#12,#13,#23,#5,#1C2
810 DATA #3A,#0,#21,#27,#40,#22,#A5,#2,#6,#10,#21,#F0,#BF,#11,#28,#40
820 DATA #7E,#12,#13,#23,#5,#1C2,#50,#0,#3E,#BF,#32,#2B,#40,#32,#2F,#40
830 DATA #32,#33,#40,#32,#37,#40,#E1,#D1,#C1,#F1,#C9,#27,#40,#77,#B0,#37
840 DATA #40,#27,#40,#37,#40,#27,#40,#77,#56,#EF,#56,#0,#2,#F4,#2C,#86
850 DATA #FFF
900 REM ..... Vorder- und Hintergrundfarben .....
910 DATA 0,5,3,5,4,5,5,6,5,5,5,13,5,15,13,15
920 DATA 0,1,1,1,1,9,1,12,9,9,9,12,12,12,12,15
930 DATA 0,3,3,4,3,6,3,3,3,10,3,15,10,10,10,15
940 DATA 0,0,0,7,0,8,0,15,8,8,7,12,8,15,15,15
950 DATA 1,7,4,6,6,6,6,7,7,7,3,14,7,14,8,14
960 DATA 0,2,2,2,2,8,2,11,2,15,4,15,11,11,11,15

```

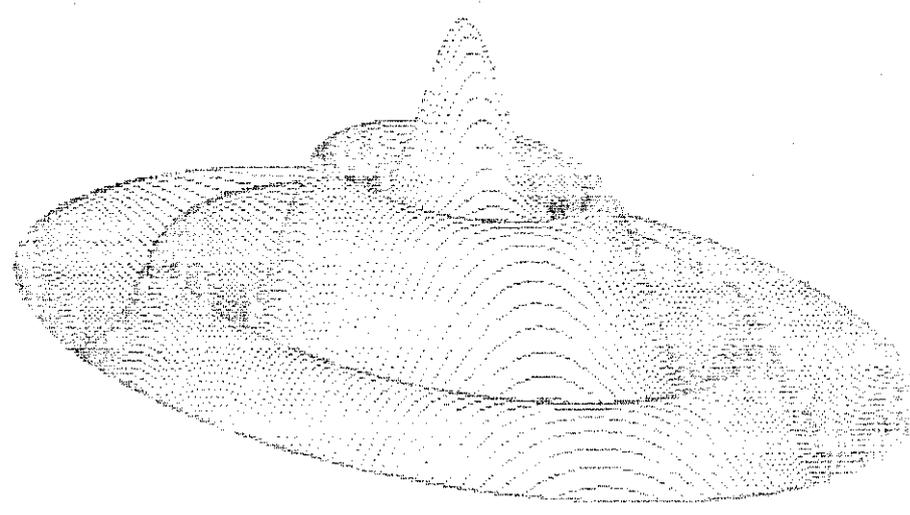


```

10 REM .....
15 REM ..... FARB-PALETTE .....
20 REM ..... (c) Rolf Schall 1984 .....
25 REM .....
30 REM Im MODE 7 laesst sich mit einem Kniff die beacht-
35 REM liche Zahl von 128 Farben produzieren, indem dicht
40 REM nebeneinander farbige Punkte gesetzt werden. ....
45 REM Durch die niedrige Aufloesung des Monitors entste-
50 REM hen neue Farben, die freilich von Geraet zu Geraet
55 REM unterschiedlich ausfallen koennen. Dieses Programm
60 REM erlaubt es, aus den 128 Moeglichkeiten eigene Kom-
65 REM binationen auszuwaehlen. Hierzu die beiden Cursors
70 REM an die entsprechenden Grundfarben setzen und eine
75 REM Ziffer von 1 bis 8 eingeben. Abbruch mit SPACE ...
80 REM .....
90 REM IMP INT
100 SUPERRES=#300:GOSUB 500
110 COLORG 8 0 0 0:CALLM SUPERRES
120 SY=14: SX=24: XM=XMAX-80: X=48: YM=YMAX-18: Y=YM
130 FOR COL=0 TO 15
140 FILL X,Y-SY XM,Y COL:FILL XM+8,Y-SY+1 XM+20,Y-1 COL
150 Y=Y-SY: X=X+SX: NEXT
160 X=48: Y=YM-SY
170 FOR COL=0 TO 15:FILL X+2,YM+2 X+SX-2,YMAX-8 COL
180 FOR X2=X TO X+SX STEP 2: DRAW X2,Y X2,YM COL
190 NEXT: X=X+SX: Y=Y-SY: NEXT
200 REM ..... ZIFFERN MALEN .....
210 X=48: SX2=32
220 FOR I=1 TO 8: READ NUM,LINES: FOR J=1 TO LINES
230 READ X1,Y1,X2,Y2: DRAW X+X1,Y1 X+X2,Y2 0: NEXT
240 X=X+SX2: NEXT
300 REM ..... CURSORSTEUERUNG .....
310 G=GETC: IF G<16 THEN 310: IF G>56 THEN 310
320 ON G-15 GOTO 340,350,370,380
330 IF G=32 THEN MODE 0: END
335 IF G<49 THEN 310: IF FD<BA THEN 310: GOSUB 400: GOTO 310
340 BA=BA+14
350 BA=(BA+1) MOD 16: Y=YM-BA*SY-SY
360 FILL XM+24,YO XM+32,YO+SY 8: FILL XM+24,Y XM+32,Y+SY 0
365 YO=Y: GOTO 310
370 FO=FO+14
380 FO=(FO+1) MOD 16: X=48+FO*SX
390 FILL XO,YMAX-6 XO+SX,YMAX 8: FILL X,YMAX-6 X+SX,YMAX 0
395 XO=X: GOTO 310
400 REM ..... Einzelne Mischfarben malen .....
410 MIX=(G-49)*SX2+48: FILL MIX,SY MIX+SX,SY+SY BA
420 FOR I=MIX TO MIX+SX STEP 2: DRAW I,SY I,SY+SY FO: NEXT
430 RETURN
500 REM ..... MLP fuer MODE 7 .....
510 START=SUPERRES: ADRES=START
520 READ BYTE: IF BYTE<#100 THEN POKE ADRES,BYTE: ADRES=ADRES+1: GOTO 520
530 IF BYTE=#FFF THEN RETURN
540 READ LBYTE,HBYTE: POKE ADRES,BYTE IAND #FF
550 LBYTE=LBYTE+(START IAND #FF): CARRY=LBYTE SHR 8
560 POKE ADRES+1,LBYTE IAND #FF: HBYTE=HBYTE+(START SHR 8)+CARRY
570 POKE ADRES+2,HBYTE: ADRES=ADRES+3: GOTO 520
580 DATA #F5,#C5,#D5,#E5,#3E,#8,#EF,#18,#2A,#9E,#0,#3E,#F,#A5,#87,#87
590 DATA #87,#87,#6F,#7C,#E6,#F,#85,#E,#FF,#21,#EF,#BF,#1E,#F4,#16,#42
600 DATA #36,#B0,#2B,#36,#40,#2B,#71,#2B,#77,#15,#1C2,#25,#0,#2B,#1D,#1C5
610 DATA #1E,#0,#121,#6B,#0,#11,#84,#0,#6,#15,#7E,#12,#13,#23,#5,#1C2

```

```
'20 DATA #3A,#0,#21,#27,#40,#22,#A5,#2,#6,#10,#21,#F0,#BF,#11,#2B,#40
'30 DATA #7E,#12,#13,#23,#5,#1C2,#50,#0,#3E,#BF,#32,#2B,#40,#32,#2F,#40
'40 DATA #32,#33,#40,#32,#37,#40,#E1,#D1,#C1,#F1,#C9,#27,#40,#77,#B0,#37
'50 DATA #40,#27,#40,#37,#40,#27,#40,#77,#56,#EF,#56,#0,#2,#F4,#2C,#86
'60 DATA #FFF
'00 REM ..... ZIFFERN-DATEI .....
'10 DATA 1,3,1,0,3,0,2,0,2,6,1,5,1,5
'20 DATA 2,5,0,0,4,0,1,1,3,3,4,4,4,5,1,6,3,6,0,5,0,5
'30 DATA 3,6,0,1,0,1,1,0,3,0,4,1,4,2,3,3,2,4,3,5,3,5,0,6,4,6
'40 DATA 4,3,0,3,3,6,0,2,4,2,3,0,3,4
'50 DATA 5,6,0,1,0,1,1,0,3,0,4,1,4,3,0,4,3,4,0,5,0,6,1,6,4,6
'60 DATA 6,5,1,0,3,0,0,1,0,3,4,1,4,2,2,3,3,3,1,4,3,6
'70 DATA 7,3,1,0,1,2,2,3,4,5,0,6,4,6
'80 DATA 8,7,1,0,3,0,1,3,3,3,1,6,3,6,0,1,0,2,0,4,0,5,4,1,4,2,4,4,4,5
```



```

20  REM ..... The Wall .....
30  REM .....
40  REM ..... (c) 1984 by R.Schall.
50  REM .....
60  REM Ein weiteres Grafikdemo aus der Schall-Serie. Zu-
70  REM erst wird eine Mauer nach teilweise zufaelligem
80  REM Muster aufgebaut. Im zweiten Schritt werden ein-
90  REM zelne Steine herausgenommen und die Mauer dadurch
100 REM schrittweise demontiert. Wenn zwei nebeneinander
110 REM liegende Steine fehlen, faellt der darueber haen-
120 REM gende herunter. Mit diesem simplen Algorithmus
130 REM fallen schon einige Steine, aber noch lange nicht
140 REM alle. Wer weiss einen ausgefeilteren Algorithmus,
150 REM der alle Faelle beruecksichtigt (dieser braucht
160 REM nicht allzu schnell zu sein)? Dasselbe Programm
170 REM habe ich gleich auch noch in PASCAL uebertragen,
180 REM um die Geschwindigkeits- und Strukturunterschiede
190 REM beider Sprachen einmal deutlich zu machen. ....
195 REM IMP INT
200 REM ..... Aufbau .....
210 COLORG 3 5 3 15:MODE 6
220 FOR I=0 TO YMAX-12 STEP 12:DRAW 0,I XMAX,I 15
230 OFFSET=15-OFFSET
240 FOR J=OFFSET+5 TO XMAX-15 STEP 30:X=J+RND(10)
250 FILL X-1,I+1 X,I+11 15:NEXT J:NEXT I
260 FILL 0,I XMAX,I 15:FILL 0,0 2,I 15
270 FILL 0,0 XMAX,1 15:FILL XMAX-2,0 XMAX,I 15
280 X=RND(XMAX-10)+5:Y=INT(RND(20))*12+1
290 IF SCRN(X,Y)=15 THEN 280:GOSUB 400
300 FILL X0,Y X,Y+11 15
310 IF SCRN(X0-2,Y)=15 THEN X=X0:GOTO 330
320 IF SCRN(X+2,Y)<>15 THEN 280
330 Y=Y+12:IF SCRN(X,Y)=15 THEN 280:GOSUB 400
340 GOSUB 500
350 GOTO 280
400 REM ..... Suche Begrenzung
410 IF SCRN(X,Y)<>15 THEN X=X-1:GOTO 410
420 X0=X:X=X+1
430 IF SCRN(X,Y)<>15 THEN X=X+1:GOTO 430
440 RETURN
500 REM ..... Ziegelstein faellt
510 SX0=X0+1: SX2=X-1: SX1=(X0+X)/2: SY=Y-1
520 IF SCRN(SX0,SY-1)+SCRN(SX1,SY-1)+SCRN(SX2,SY-1)<>45 THEN 540
530 DRAW SX0,SY SX2,SY 3: DRAW SX0,SY+11 SX2,SY+11 15: SY=SY-1: GOTO 520
540 RETURN

```

```
! .....
! .....The Wall, PASCAL-Version .....
! .....
```

```
VAR I,X0,X,Y,RNX,RNY,OFFSET, !. Globale Variablen ..!
    PARX0,PARX,PARY: INTEGER; !. Rueckgabeparameter ..!
```

```
PROC MODE(M);
  BEGIN
    MEM[#7D0]:=M; CALL(#7FD)
  END;
```

```
PROC COLORG(C1,C2,C3,C4);
  BEGIN
    MEM[#7D0]:=C1; MEM[#7D1]:=C2; MEM[#7D2]:=C3;
    MEM[#7D3]:=C4; CALL(#82B)
  END;
```

```
PROC DRAW(X1,Y1,X2,Y2,C);
  BEGIN
    MEM[#7D3]:=X1 AND 255; MEM[#7D4]:=X1 SHR 8;
    MEM[#7D5]:=X2 AND 255; MEM[#7D6]:=X2 SHR 8;
    MEM[#7D1]:=Y1; MEM[#7D2]:=Y2; MEM[#7D0]:=C;
    CALL(#8B6)
  END;
```

```
PROC FILL(X1,Y1,X2,Y2,C);
  BEGIN
    MEM[#7D3]:=X1 AND 255; MEM[#7D4]:=X1 SHR 8;
    MEM[#7D5]:=X2 AND 255; MEM[#7D6]:=X2 SHR 8;
    MEM[#7D1]:=Y1; MEM[#7D2]:=Y2; MEM[#7D0]:=C;
    CALL(#8CC)
  END;
```

```
FUNC SCRN(X,Y);
  BEGIN
    MEM[#7D5]:=X AND 255; MEM[#7D6]:=X SHR 8;
    MEM[#7D2]:=Y; CALL(#912); SCRN:=MEM[#7D0]
  END;
```

```
FUNC XMAX;
  BEGIN
    MEM[#7D2]:=0; MEM[#7D5]:=0; MEM[#7D6]:=0;
    CALL(#912); XMAX:=256*MEM[#7D4]+MEM[#7D3]
  END;
```

```
FUNC YMAX;
  BEGIN
    MEM[#7D2]:=0; MEM[#7D5]:=0; MEM[#7D6]:=0;
    CALL(#912); YMAX:=MEM[#7D1]
  END;
```

```
FUNC RND(R); !..... Hardware-Random .....!
  VAR B,RN: INTEGER; ! R: Random-Bereich !
  BEGIN
    B:=1; RN:=0;
    WHILE B<R DO
      BEGIN
        ! Lies naechstes Random-Bit !
        B:=B+B; RN:=RN+RN+(MEM[#FD00] SHR 6);
      END;
    RN:=RN*R DIV B; IF RN<0 THEN RN:=-RN;
    RND:=RN; ! Normieren !
  END;
```

```
PROC BORDER(X0,X,Y); !..... Suche Randbegrenzung .....!
  BEGIN
    WHILE SCRN(X,Y)<>15 DO
      X:=X-1;
    X0:=X; X:=X+1;
    WHILE SCRN(X,Y)<>15 DO
      X:=X+1;
    PARX0:=X0; PARX:=X;
  END; ! X0,X,Y sind lokale Parameter!!!
```

```
PROC MOVE(X0,X,Y); !..... Stein faellt .....!
  VAR MX,Y1: INTEGER;
  BEGIN
    Y:=Y+12;
    IF SCRN(X,Y)<>15 THEN
      BEGIN
        BORDER(X0,X,Y);
        X0:=PARX0+1; X:=PARX-1;
        MX:=(X0+X) DIV 2;
        Y1:=Y-1; Y1:=Y-1;
        WHILE SCRN(X0,Y1)+SCRN(MX,Y1)+SCRN(X,Y1)=45 DO
          BEGIN
            DRAW(X0,Y,X,Y,3); DRAW(X0,Y+11,X,Y+11,15);
            Y:=Y-1; Y1:=Y-1;
          END;
        END;
      END;
```

```
BEGIN ! ..... Hauptprozedur ..... !
  COLORG(3,5,3,15); MODE(8);
  Y:=0; OFFSET:=0;
  WHILE Y<YMAX-12 DO
    BEGIN
      DRAW(0,Y,XMAX,Y,15);
      OFFSET:=15-OFFSET; X:=OFFSET+RND(10)+5;
      WHILE X<XMAX DO
        BEGIN
          FILL(X-1,Y+1,X,Y+11,15); X:=X+30;
        END;
      Y:=Y+12;
      END;
    FILL(0,Y,XMAX,Y,15); FILL(0,0,2,Y,15);
    FILL(0,0,XMAX,1,15); FILL(XMAX-2,0,XMAX,Y,15);
```

```
RNX:=(XMAX-30) DIV 15; RNY:=(YMAX-24) DIV 12;
  WHILE 1 DO
    BEGIN
      REPEAT
        X:=RND(RNX)*15+15; Y:=RND(RNY)*12+14;
      UNTIL SCRN(X,Y)<>15;
      BORDER(X0,X,Y);
      X0:=PARX0; X:=PARX;
      FILL(X0,Y-1,X,Y+10,15);
      IF SCRN(X0-2,Y)=15 THEN MOVE(X0,X0,Y);
      IF SCRN(X+2,Y)=15 THEN MOVE(X,X,Y);
    END;
  END.
```

Spiegelungen

Ich habe neulich experimentiert mit der Erzeugung von Bildern, die eine Art Höhenliniendarstellung einer mathematischen Funktion wiedergeben--dazu wird für jeden der 80.000 Mode-6 Bildschirmpunkten ein Funktionswert berechnet und der Punkt entsprechend diesem Wert eingefärbt. Das verlangt natürlich sehr viel Rechenzeit (bei einem typischen Bild über eine Stunde!). Wenn aber die Funktionen und die Bilder, wie oft der Fall ist, Symmetrien aufweisen, dann braucht man nur einen entsprechenden Teil des Bildes auszurechnen, da man aus diesem Teil durch Spiegelung das ganze Bild gewinnen kann.

Ich möchte in diesem Bericht einige Assemblerprogramme vorstellen, die solche Spiegelungen sehr schnell (schlimmstenfalls 4,2 Sekunden) ausführen und so zu einem erheblichen Zeitgewinn bei der Erstellung von Bildern beitragen können. Dabei werden fünf Spiegelungsarten berücksichtigt: nicht nur Spiegelung in den waagerechten und senkrechten Koordinatenachsen, sondern auch in den Diagonalen (also in den Geraden $x=y$ und $x=-y$), und schließlich die radiale Spiegelung im Bildschirmmittelpunkt. Ferner können bei all diesen Spiegelungsarten nicht nur symmetrische Bilder erstellt werden, sondern auch antisymmetrische, bei denen im Spiegelbild die Farben umgekehrt werden (dies entspricht dem Fall, daß die dargestellte mathematische Funktion im Spiegelpunkt nicht den gleichen, sondern den negativen Wert hat zum Wert im ursprünglichen Punkt). *Umkehrung der Farben* bedeutet, daß die Farben 20 und 23 vertauscht werden, und die Farben 21 und 24 vertauscht werden.

Man beachte, daß die Spiegelungsprogramme nicht den Bildschirm als **ganzes** spiegeln, sondern immer nur eine Hälfte des Bildschirms spiegelbildlich in die andere Hälfte kopieren (wobei diese überschrieben, also zerstört wird!)

Die Unterprogramme werden von Basic aus aufgerufen, wobei eine Variable übergeben werden muß, die angibt, ob symmetrisch oder antisymmetrisch gespiegelt werden soll. Hat diese Variable den Wert 0, so wird keine Spiegelung ausgeführt. Dies erleichtert die Anwendung dieser Programme etwas, denn schon bei der Berechnung der Variablen kann entschieden werden, ob die entsprechende Spiegelung überhaupt auszuführen ist. Es ist dann später keine zusätzliche IF ... THEN CALLM ... Abfrage dafür nötig.

Als Beispiel ist ein Basicprogramm aufgeführt, das einige Hilfen bietet bei der Verwendung der Spiegelungsprogrammen. Ein Bild kann nämlich mehrere Symmetrien gleichzeitig aufweisen, und aus dem Vorhandensein einiger Symmetrien kann die Existenz anderer Symmetrien automatisch folgen (z.B., ein Bild, das in einer Koordinatenachse und in einer Diagonalen symmetrisch ist, ist immer auch in der anderen Achse, der anderen Diagonalen und im Bildmittelpunkt symmetrisch). Damit man nicht bei jedem Bild lange überlegen muß, welche Symmetriearten relevant sind, in welchem Grundbereich man das Bild zuerst erstellen muß, und wie man zum Schluß spiegeln muß, stellt das Basicprogramm durch eine effiziente und möglichst kurze Folge von Fragen an den Benutzer fest, welche Symmetriearten vorhanden sind, berechnet die Grenzen des Grundbereichs, und bestimmt, welche der Spiegelungsprogramme aufzurufen sind, und mit welchem Wert der zu übergebenden Variablen, um aus dem Teilbild im Grundbereich das ganze Bild zu erzeugen. Dabei wird, wie oben vorgeschlagen, für die nicht auszuführenden Spiegelungsprogrammen der Variablenwert 0 festgelegt. Später werden ohne Abfrage alle Spiegelungsprogramme aufgerufen, aber nur die gewünschten Spiegelungen werden tatsächlich ausgeführt.

Dies nur zur Einführung. Alles weitere, sowie detaillierte Angaben über die Verwendung der Spiegelungsprogrammen sowie ihrer genauen Funktionsweise, finden Sie in folgendem gut kommentiertem Listing:

```

TITL          Spiegelung des Bildschirms
REM
ORG           :300
MEM           :5300
EXIT EQU     :C14D   PDF alle Register und RET
LINLEN EQU   90     Bytelänge einer Mode 6 Bildschirmzeile
REM

```

```

* Die Einsprünge XREF,YREF,CREF,ANTIREF,EQREF (ab der Adresse
* #300) werden von Basic aufgerufen mit CALLM PRDG,FLAG%. Wenn
* FLAG%=0, geschieht nichts. Bei FLAG% ≠ 0 wird ein Teil des
* Bildschirms spiegelbildlich auf die andere Hälfte des Bild-
* schirms kopiert (wobei die Farben umgekehrt werden, wenn
* FLAG%<0). Folgende Tabelle gibt für die fünf Unterprogramme
* an, wie gespiegelt wird, aus welchem Teil des Bildschirms das
* zu spiegelnde Bild entnommen wird, und in welchen Bereich hin-
* ein das gespiegelte Bild kopiert wird. Dabei beziehen sich
* die Koordinaten x und y auf den Bildschirmmittelpunkt als
* Koordinatenursprung (x = y = 0).

```

Unterprogramm	spiegelt in	Quellbereich	Zielbereich
XREF	y-Achse	rechts der Achse	links der Achse
YREF	x-Achse	oberhalb	unterhalb
CREF	Ursprung (radial)	rechts oberhalb der Geraden x=-y (auch Gerade selber für x>0)	links unterhalb der Geraden x=-y (auch Gerade selber für x<0)
ANTIREF	Gerade x=-y	rechts oberhalb	links unterhalb
EQREF	Gerade x=y	rechts unterhalb	links oberhalb

```

* Alle Programme lassen den Quellbereich unverändert und über-
* schreiben den Zielbereich!
* Alle Programme erhalten den BC-Register und zerstören die
* anderen Register.

```

```

REM
JMP XREF
JMP YREF
JMP CREF
JMP ANTIREF
* EQREF spiegelt in der Geraden x=y
EQREF CALL GETFLG   hole Wert von FLAG% (Farbumkehrmarke)
LXI H,:6645-10+(7*90)  erster 8x8 Bit Quellblock
LXI D,B*90   Adressunterschied zwischen Zielblöcken
REM
REM   Folgendes DIAGRF spiegelt Bild in beliebiger
REM   Diagonale, in welcher hängt von Vorzeichen
REM   von DE ab. Der Quellbereich wird streifen-
REM   weise verarbeitet, und jeder Streifen (8
REM   Zeilen tief) wird von links nach rechts in
REM   8-Bit breite Blöcke zerlegt, die in den
REM   Hilfsspeicher TAB kopiert und dort gespiegelt
REM   werden (Unterprogramm CONVERT).
REM
REM

```

DIAGRF	PUSH	H	merke Adresse des ersten Blocks
	CALL	EQRFS	spiegele höherwertigen Bildbits
	POP	H	und dann
	DCX	H	niederwertigen Bildbits
	REM		(Beachte jeder Bildschirm Punkt wird durch
	REM		zwei Bits beschrieben!!)
EQRFS	PUSH	B	Hier wird nur einer der zwei Bits
	REM		der Bildschirm Punkte gespiegelt, also
	REM		nur jeder zweite Byte wird verarbeitet
	MVI	B,32	soviele 8-Zeilen tiefe Bildstreifen zu
	REM		verarbeiten
EQRF10	PUSH	H	merke Quelladresse
	PUSH	H	Quelladresse ist erste Zieladresse
	MOV	C,B	soviele 8-Punkt breite Blöcke in diesem
	REM		Bildstreifen
EQRF20	MOV	A,D	negativ für Spiegelung in x=-y!!
	ADD	A	setze Carrybit entsprechend!
	LDA	FLAG	Farbumkehrmarke
	CALL	SCR TAB	kopiere Block zu Hilfstabelle
	CALL	CONVERT	spiegele Hilfstabelle diagonal
	DCX	H	
	DCX	H	zeige auf nächsten Quellblock
	XTHL		merke Quellzeiger, hole Zielblockadresse
	MOV	A,C	wenn nicht auf Bilddiagonale, also
	CMP	B	wenn maskieren nicht nötig, setze Carry
	REM		(Blöcke auf Diagonale werden maskiert
	REM		damit Quellbereich bei Spiegelung nicht
	REM		überschrieben wird).
	MOV	A,D	negativ für Spiegelung in x=-y!!
	RAL		setze Carry entsprechend und
	REM		Bit 0 für maskiere
	CALL	TABSCR	kopiere Spiegelbild zurück zu Bildschirm
	DAD	D	nächste Zielblockadresse!
	XTHL		merke Ziel-, hole Quellblockadresse
	DCR	C	zähle Blöcke, dieser Streifen fertig?
	JNZ	EQRF20	nein, nächster Block
	POP	H	dieser Streifen fertig, vergesse Ziel
	POP	H	hole Anfangsadresse dieses Streifens
	DCX	H	nächster Streifen beginnt 8 Punkte
	DCX	H	nach rechts!
	DAD	D	Anfangsadresse des nächsten Streifens
	DCR	B	zähle Streifen, alle fertig?
	JNZ	EQRF10	nein, nächster Streifen
	POP	B	stelle BC wieder her und
	RET		fertig

* ANTIREF spiegelt in der Geraden x=-y

ANTIREF	CALL	GETFLG	hole Wert von FLAG% (Farbumkehrmarke)
	LXI	H,:BFEB-10	erster 8x8 Bit Quellblock
	LXI	D,-8*90	Adressunterschied zwischen Zielblöcken
	JMP	DIAGRF	führe Spiegelung aus

* CREF spiegelt radial im Bildschirnmittelpunkt

* Das Bild wird Zeile um Zeile verarbeitet, wobei die Quell-
* zeilen von rechts nach links, beginnend bei der Diagonalen,
* abgearbeitet werden. Die Reihenfolge der Bits wird umgekehrt
* und das Ergebnis in den Zielbereich geschrieben. Die Zielzeilen
* werden von der Diagonalen nach rechts geschrieben. Es werden
* zuerst nur die höherwertigen Bildbits gespiegelt, anschließend
* dann alle niederwertigen Bildbits.

CREF	CALL	GETFLG	hole Wert von FLAG% (Farbumkehrmarke)
	LXI	H,:65F3+10	Anfang Quellbereich höherwertige Bits
	LXI	D,:BFEB-10	Anfang Zielbereich höherwertige Bits
	CALL	CRF1	spiegele höherwertige Bildbits

	LXI	H, :65F2+10	Anfang Quellbereich niederwertige Bits
	LXI	D, :BFEA-10	Anfang Zielbereich niederwertige Bits
	REM		Folgender Teil spiegelt nur ein Bit
	REM		jedes Bildschirmpunktes!
CRF1	PUSH	B	
	MVI	B,6	Länge in 8-Bit Blöcke der kürzesten
	REM		zu verarbeitenden Bildschirmzeile
CRF3	MVI	A, :7F	Maske für Bildschirmdiagonale, damit
	REM		Spiegelbild Quellbild nicht überschreibt
CRF5	PUSH	B	merke Zeilenlänge
	PUSH	H	merke Quelladresse der Zeile
	PUSH	D	merke Zieladresse der Zeile
	PUSH	D	Zieladresse auf Stapel, gebe DE frei.
	MOV	D,A	Maske für Diagonalblock in dieser Zeile
CRF10	MOV	E,A	Maske für jetzigen 8-Bit Block
	LDA	FLAG	verwandle Vorzeichen von FLAG
	ADD	A	in eine
	SBB	A	Maske für die
	XRA	M	eventuell verlangte Farbumkehrung
	CALL	INVERT	kehre Reihenfolge der Bits in A um
	ORA	E	und lösche im Ergebnis Bits die
	XRA	E	dem Quellbereich entsprechen!
	MOV	C,A	rette Spiegelbildbyte nach C
	DCX	H	Quellzeiger auf nächsten
	DCX	H	Quellblock
	XTHL		hole Zieladresse, merke Quelladresse
	MOV	A,M	hole Zielbyte aber
	ANA	E	behalte Bits aus dem Quellbereich!
	ORA	C	und schreibe die neuen Zielbits
	MOV	M,A	speichere wieder im Bildschirm ab
	INX	H	nächste
	INX	H	Zielblockadresse
	XTHL		vertausche Ziel-, Quelladresse
	XRA	A	löscht Diagonalmaske für alle Folge-
	REM		blöcke einer Zeile! (also wirklich
	REM		maskiert wird nur der <u>erste</u> Block der
	REM		Zeile, nur der liegt auf der Diagonalen!
	DCR	B	zähle Blöcke in Zeile
	JNZ	CRF10	mache nächsten Block wenn nicht fertig
	MOV	A,D	Diagonalmaske nach A
	POP	H	vergesse letzte Quell-, Zieladressen
	POP	H	<u>erste</u> Zieladresse der letzten Zeile
	LXI	D, -90	ergibt erste Zieladresse der nächsten
	DAD	D	Zeile
	XTHL		Quelladresse der alten Zeile
	LXI	D,90	berechne Quelladresse der nächsten
	DAD	D	Zeile, beachte Carry jetzt gelöscht!!!
	POP	D	Zieladresse nach DE
	POP	B	hole zu verarbeitende Zeilenlänge
	RAR		verschiebe Diagonalmaske
	REM		(Diagonalpunkt der nächsten Zeile
	REM		ist ja ein Bit versetzt)
	JC	CRF5	bei Carry, Maske noch nicht verbraucht
	REM		dies bedeutet: nächste Bildzeile berührt
	REM		gleiche Anzahl zu verarbeitender Bytes.
	REM		Aber alle 8 Zeilen hat Diagonalpunkt
	REM		sich um einen ganzen Byte verschoben,
	DCX	D	also Ziel beginnt einen Bildbyte nach
	DCX	D	rechts,
	INX	H	Quelle beginnt einen Bildbyte weiter
	INX	H	links und in jeder Zeile ist
	INR	B	ein Byte mehr zu verarbeiten

MVI	A,38	maximale Zeilenlänge (zu verarbeitende
CMP	B	Bytes) ist 37, also
JNZ	CRF3	bei B = 38 ist Schluß
POP	B	BC wiederherstellen
RET		und fertig

* XREF spiegelt in der y-Achse. Verarbeitung geschieht
 * zeilenweise, beginnend mit der obersten Bildschirmzeile,
 * und in jeder Zeile beginnend an der Zeilenmitte. Die Bytes der
 * rechten Bildschirmhälfte werden durch Umkehrung der Bitreihen-
 * folge gespiegelt und von der Mitte nach links in die linke
 * Bildhälfte geschrieben.

XREF	CALL	GETFLG	hole Wert von FLAG% (Farbumkehrmarke)
	LXI	H,:BFEB-42	erste Quelladresse
	REM		(mitte der obersten Zeile)
	PUSH	B	
	LDA	FLAG	berechne aus FLAG
	ADD	A	eine Maske
	SBB	A	(0 oder #FF) für die eventuell
	MOV	C,A	gewünschte Farbumkehr
	REM		funktioniert auch wenn FLAG negativ ≠ -1
	XRA	A	Zeilenzähler, verarbeite 256 Zeilen
XRF5	MOV	D,H	Quelladresse nach DE, gleiche Adresse
	MOV	E,L	zeigt direkt unter Zielbereich, belasse
	REM		also auch als Zielzeiger in HL
	PUSH	PSW	Zeilenzähler
	MVI	B,21	soviele B-Punkt Blöcke in jeder
	REM		Zeile zu verarbeiten
XRF10	CALL	INV00	hole höherwertige Quellbits und spiegele
	INX	H	und speichere als
	INX	H	höherwertige Zielbits
	MOV	M,A	ab
	CALL	INV00	hole niederwertige Quellbits, spiegele
	DCX	H	speichere als niederwertige
	MOV	M,A	Zielbits ab
	INX	H	aktualisiere Zielzeiger
	DCR	B	zähle B-Punkt Blöcke in der Zeile
	JNZ	XRF10	wenn nicht fertig, mache nächsten Block
	LXI	D,-90-42	Abstand jetziger Quellzeiger zu
	REM		Anfang Quellbereich in nächster Zeile
	DAD	D	Quellanfang nächste Zeile in HL
	POP	PSW	zähle
	DCR	A	Zeilen
	JNZ	XRF5	nicht fertig? dann weiter
	POP	B	BC wiederherstellen
	RET		und fertig

* YREF spiegelt in der x-Achse.
 * Beginnend an der Bildschirmmitte werden die Zeilen der oberen
 * Bildschirmhälfte (von unten nach oben gelesen) von oben nach
 * unten in die untere Bildschirmhälfte kopiert.

YREF	CALL	GETFLG	hole Wert von FLAG% (Farbumkehrmarke)
	LXI	H,:BFEB-(127*90)	Anfang Quellbereich
	LXI	D,:BFEB-(128*90)	Anfang Zielbereich
	PUSH	B	
	LDA	FLAG	berechne aus FLAG
	ADD	A	eine Maske
	SBB	A	(0 oder #FF) für die eventuell
	MOV	C,A	gewünschte Farbumkehr
	REM		funktioniert auch wenn FLAG negativ ≠ -1
	XRA	A	Zeilenzähler, verarbeite 128 Zeilen!
	PUSH	PSW	(zählt aufwärts, zählt aus bei :80!)
	MVI	B,84	zu verarbeitende Byteanzahl pro Zeile

YRF10	MOV	A,M	hole Quellbyte
	XRA	C	eventuelle Farbumkehr
	STAX	D	speichere in Zielbereich
	DCX	H	Speicherzeiger
	DCX	D	aktualisieren
	DCR	B	und Byte in Zeile zählen
	JNZ	YRF10	wenn nicht fertig, nächstes Byte machen
	MOV	A,C	Farbumkehrmaske nach A, mache BC frei!
	LXI	B,-6	nach Ende der Zeile beginnt nächste
	XCHG		Zielzeile (eine Zeile tiefer als die
	DAD	B	jetzige) 6 Byte unter letzten
	XCHG		Zielzeigerwert
	LXI	B,-6+90+90	und nächste Quellzeile ist eine höher
	DAD	B	als die letzte
	MOV	C,A	Farbumkehrmaske zurück nach C
	POP	PSW	zähle
	INR	A	128 Zeilen
	JP	YRF5	(solange positiv, noch nicht fertig)
	POP	B	BC wiederherstellen
	RET		und fertig

* GETFLG speichert den Wert der vom CALLM übergebenen Basic-
* variablen an der Adresse FLAG ab. Wenn dieser Wert 0 war, er-
* folgt ein Abbruch der weiteren Verarbeitung durch einen direk-
* ten Rücksprung an das Basicprogramm. BCDE erhalten, andere
* Register zerstört.

GETFLG	INX	H	der Wert (+1, 0, oder -1)
	INX	H	steht im letzten Byte
	INX	H	der 4-Byte langen Integervariablen
	MOV	A,M	hole und
	DRA	A	teste Wert
	STA	FLAG	
	RNZ		wenn 0,
	POP	H	lösche Rücksprung zu Maschinenprogramm
	RET		

* SCRTAB, TABSCR kopieren Daten von Bildschirm zu Hilfsspeicher
* TAB (dort werden Sie von Unterprogramm CONVERT Diagonal ge-
* spiegelt), bzw. von TAB zu Schirm. Bei Einsprung enthält HL
* die obere Adresse des angesprochenen Bildschirmblocks. Je
* nach der Stellung des Carry Bits, entsprechen die oberen (Car-
* ry gesetzt) bzw. unteren (Carry aus) Bildzeilen den niederen
* Adressen in TAB, und je nachdem bestimmt sich an welcher Dia-
* gonale am Schluß effektiv gespiegelt wurde. Ferner komplementiert
* SCRTAB die Daten (also die Farben), wenn bit 7 von A
* gesetzt ist. TABSCR maskiert die Daten (damit der Quellbereich
* nicht überschrieben wird), wenn bit 0 von A rückgesetzt ist.
* A wird zerstört, A bit 0 wird Carrybit bei Ausgang, andere
* Register bleiben erhalten.

SCRTAB	PUSH	B	
	PUSH	D	
	PUSH	H	
	LXI	B,-LINLEN	Abstand zu nächster Bildschirmzeile
	JC	SCTB20	Wenn kein Carry,
	LXI	B,-7*LINLEN	ändere Anfangszeile und
	DAD	B	
	LXI	B,LINLEN	ändere Richtung zur nächsten Zeile
SCTB20	LXI	D,TAB	
	RAL		Bit für komplementiere zu Carry
	MVI	A,8	Bytezähler

STBLP	PUSH	PSW	
	SBB	A	Maske für <i>komplementiere</i> oder nicht
	XRA	M	
	STAX	D	bewege Daten zu TAB
	DAD	B	nächste Zeile
	INX	D	nächste Stelle in TAB
	POP	PSW	
	DCR	A	zähle 8 Bytes
	JNZ	STBLP	
	POP	H	
	POP	D	
	POP	B	
	RET		
TABSCR	PUSH	PSW	
	PUSH	B	
	PUSH	D	
	PUSH	H	
	LXI	B,-LINLEN	Abstand zu nächster Bildschirmzeile
	JNC	TBSC20	Wenn Carry gesetzt,
	LXI	B,-7*LINLEN	ändere Anfangszeile und
	DAD	B	
	LXI	B,LINLEN	ändere Richtung zu nächster Zeile
TBSC20	LXI	D,TAB+7	
	RRC		
	ORA	A	setze A negativ für <i>maskiere nicht</i>
	MVI	A,:FE	Maske und Bytezähler! (wird geschiftet)
TBSLP	PUSH	PSW	
	PUSH	B	
	MOV	C,A	Maske
	LDAX	D	
	JM	TBSC30	maskiere nicht wenn negativ
	ANA	C	nur die
	MOV	B,A	in der Maske
	MOV	A,M	gesetzten
	ORA	C	Bildschirmbits
	XRA	C	werden
	ORA	B	überschrieben!
TBSC30	MOV	M,A	speichere in Bildschirm
	POP	B	
	DAD	B	nächste Zeile
	DCX	D	nächste Stelle in TAB
	POP	PSW	
	RAL		zähle 8 Bytes!
	CMC		wenn die Maske nicht leer war,
	JNC	TBSLP	ist man noch nicht durch!
	JMP	EXIT	Register wiederherstellen und fertig

* CONVERT vertauscht Bitreihen und Bitspalten in dem 8-Byte
* (also 8x8-Bit) Block TAB (dies bedeutet eine Spiegelung der
* Bits in der Diagonalen). Bei dem verwendeten Verfahren wird
* jedes Byte der Tabelle der Reihe nach als *Ausgangsbyte*
* genommen und tauscht mit jedem der folgenden Byte ein Bit aus,
* wonach das Ausgangsbyte schon die richtige gespiegelte Endge-
* stalt hat (und die folgenden Bytes schon die gespiegelten Bits
* enthalten, die aus ihren Vorgängern stammen). Nachdem jedes
* Byte als Ausgangsbyte gedient hat, sind alle richtig gespie-
* gelt. Alle Register bleiben erhalten.

CONVERT	PUSH	PSW	
	PUSH	B	
	PUSH	D	
	PUSH	H	
	LXI	H,TAB	Adresse der Tabelle
	MVI	D,7	acht Byte insgesamt

```

CON05  PUSH  H      merke dir jetziges Ausgangsbyte
        MOV   E,D    jetziger Zähler
        MOV   A,M    hole Ausgangsbyte
        RLC                behalte linkes Bit (auf Diagonale!)
CON10  RLC                nächstes Bit zu Carry
        RRC                aber verschiebe Daten nicht!
        MOV   B,A    rette Ausgangsbyte
        INX   H
        MOV   A,M    schiebe Carrybit in nächstes
        RAL                Byte im Speicher und
        MOV   M,A    Bit aus diesem Byte
        MOV   A,B    in das Ausgangsbyte
        RAL
        DCR   E      diese Runde fertig?
        JNZ   CON10  nein
        POP   H      ja, speichere geändertes Ausgangsbyte
        MOV   M,A
        INX   H      und nehme neues Ausgangsbyte
        DCR   D      Zähler für nächste Runde, 1 Byte kürzer
        JNZ   CON05
        MOV   A,M    letzte Runde, letztes Ausgangsbyte
        RLC                muß nur rotiert werden
        MOV   M,A
        JMP   EXIT   Register wiederherstellen, fertig.
* INVERT kehrt die Reihenfolge der Bits in A um, andere Register
* bleiben erhalten.
INV00  LDAX  D      Zusatzeinsprung, holt Daten aus Speicher
        DCX  D      (Speicherzeiger DE wird aktualisiert!)
        XRA  C      hier werden eventuell die Farben umge-
        REM                kehrt: in C steht 0 oder :FF
INVERT PUSH  H
        MOV   H,A    Eingabe zu H
        MVI  A,:80  das gesetzte Bit dient als Shiftzähler!
        DAD  H      linkes Bit von H zu Carry!
        RAR                und von dort nach rechts zu A
        JNC  #-2    zählt Shifts, 8 Durchläufe der Schleife!
        POP   H
        RET
TAB    RES   8      Hilfsspeicher für Diagonalspiegelung
FLAG  RES   1      Marke für Farbumkehrung oder nicht

```

```

1      REM   HIER EIN BASICPROGRAMM
2      REM   ALS ANWENDUNGSHILFE
3      REM   UND BEISPIEL
10     GOTO 1000
50     REM   Hier gehört ein Unterprogramm hin, das die zu
51     REM   zeichnende Farbe FARBE an der Stelle XX!,YY! berechnet,
52     REM   wobei die Koordinatenwerte 0 dem Mittelpunkt des Bild-
53     REM   schirms entsprechen (also XX! läuft von -XMAX/2.0 zu
54     REM   +XMAX/2.0 und YY! läuft von -YMAX/2.0 zu +YMAX/2.0!!).
55     RETURN
1000   REM   Hier beginnt die Abfrage nach Symmetrie des Bildes
1015   XREF=#300:YREF=XREF+3:CREF=YREF+3:ANTIREF=CREF+3:EQREF=
C      ANTIREF+3
1020   MODE 0:PRINT CHR$(12);TAB(20);"SYMMETRISCHE BILDER"
1049   ARROW$=" "+CHR$(136)+CHR$(137)+" "
1050   CFLAG=0.0:ANTIFLAG=0.0:PRINT "Symmetrie in x";ARROW$;"-x?":
C      GOSUB 10000:XFLAG=FLAG
1060   PRINT "Symmetrie in x";ARROW$;"y?":GOSUB 10000:EQFLAG=FLAG

```

```

1065 IF EQFLAG<>0.0 THEN YFLAG=XFLAG:IF XFLAG=0.0 THEN 1080:
C   GOTO 1100
1070 PRINT "Symmetrie in y";ARROW#;"-y?":GOSUB 10000:YFLAG=FLAG
1075 IF XFLAG<>0.0 OR YFLAG<>0.0 THEN 1100
1080 PRINT "Symmetrie in (x,y)";ARROW#;"(-x,-y)?:GOSUB 10000:
C   CFLAG=FLAG
1085 IF EQFLAG<>0.0 OR CFLAG<>0.0 THEN 1100
1090 PRINT "Symmetrie in x";ARROW#;"-y?":GOSUB 10000:ANTIFLAG=
C   FLAG
1100 PRINT :MODE 6:XMID!=XMAX/2.0:YMID!=YMAX/2.0
1110 XLOW!=0.5:IF XFLAG=0.0 THEN IF (CFLAG=0.0 OR EQFLAG=0.0)
C   THEN XLOW!=-XMID!:IF CFLAG<>0.0 THEN XLOW!=-YMID!+1.0
1150 FOR XX!=XLOW! TO XMID!
1200 IF YFLAG<>0.0 THEN YLOW!=0.5:GOTO 1250
1205 YLOW!=-YMID!
1210 IF ANTIFLAG<>0.0 THEN IF XX!>=(-YMID!) THEN IF XX!<YMID!
C   THEN YLOW!=-XX!
1220 IF CFLAG<>0.0 THEN IF XX!<YMID! THEN YLOW!=-XX!:IF YLOW!>
C   0.0 THEN YLOW!=YLOW!+1.0
1250 YHIGH!=YMID!:IF EQFLAG<>0.0 THEN IF XX!>=(-YMID!) THEN IF
C   XX!<YMID! THEN YHIGH!=XX!
1300 FOR YY!=YLOW! TO YHIGH!
1310 GOSUB 50: REM ermittle FARBE des Punktes
1325 Y=YMID!+YY!+0.5:X=XMID!+XX!+0.5
1400 DOT X,Y FARBE
1450 NEXT:NEXT
1460 CALLM EQREF,EQFLAG:CALLM XREF,XFLAG:CALLM YREF,YFLAG
1470 CALLM CREF,CFLAG:CALLM ANTIREF,ANTIFLAG
1475 REM nur die Programme mit ..FLAG ≠ 0 werden ausgeführt!
1500 END
10000 INPUT "(S[ymmetrisch],A[ntisymmetrisch],W[ieder noch])";A#:
C   PRINT
10010 IF A#="S" THEN FLAG=1:RETURN
10020 IF A#="A" THEN FLAG=-1:RETURN
10030 IF A#="W" THEN FLAG=0:RETURN
10040 GOTO 10000

```

Bochum, den 12.1.85

Gordon Wassermann

FRAKTALE

Fraktale sind geometrische Gebilde, deren Dimension nicht eine ganze Zahl ist, z.B. eine Kurve von Dimension 1,3 oder eine Fläche von Dimension 2,765. So merkwürdig das klingen mag, und so sehr es unserer intuitiven Vorstellung von Dimension widerspricht, solche Gebilde gibt es wirklich, und man kann sie sogar sehr leicht mit einem kurzen Basic-Programm auf dem DAI zeichnen! Wie, das verrate ich unten.

Aber zuerst möchte ich erklären, wie eine solche Dimension überhaupt zu verstehen ist. Dazu müssen wir eine geschickte, also nicht zu naive, Methode verwenden, um die Dimension eines Gebildes zu messen. Die Methode, die ich beschreiben möchte, stammt von dem Mathematiker Felix Hausdorff, und der entsprechende Dimensionsbegriff heißt die Hausdorff-Dimension oder Hausdorff-Besicovitch Dimension.

Stellen wir uns einmal eine zweidimensionale Menge, sagen wir ein quadratisches Gebiet von Seitenlänge 1, und eine eindimensionale Menge, sagen wir ein Geradenstück von Länge 1, in der Ebene vor. Wir wollen versuchen, den Inhalt dieser Mengen zu messen, und verfahren dabei wie folgt: wir wählen eine "Meßgenauigkeit" s , und überdecken unsere Menge mit kleinen Quadraten von Seitenlänge s , auf möglichst effiziente Weise, d.h. so, daß die Anzahl $N(s)$ der benötigten kleinen Quadrate möglichst klein ist. Um das Geradenstück zu überdecken werden wir etwa $1/s$ kleine Quadrate brauchen, aber für das zweidimensionale quadratische Gebiet brauchen wir $1/s^2$ kleine Quadrate.

Der Gesamteinhalt $I(s)$ der kleinen Quadrate, also $N(s)$ mal den Inhalt eines kleinen Quadrates, ist unsere Abschätzung für den Inhalt des auszumessenden Gebietes. Nehmen wir als den Inhalt eines kleinen Quadrates den üblichen Flächeninhalt s^2 , so erhalten wir für das quadratische Gebiet $I(s) = (1/s^2) \cdot s^2 = 1$, unabhängig davon, was s war. Dies ist auch der richtige Flächeninhalt von dem großen Quadrat. Wenn wir aber das Geradenstück auf die gleiche Weise ausmessen, so erhalten wir $I(s) = (1/s) \cdot s^2 = s$, und wenn wir s immer kleiner machen so tendiert dies gegen 0. Es überrascht zwar nicht, daß der Flächeninhalt eines Geradenstücks 0 ist, aber sonderlich nützlich ist diese Information auch nicht, zumal nach diesem Verfahren auch ein doppelt so langes Geradenstück die Fläche 0 hat, und somit nicht von dem kürzeren Geradenstück unterschieden wird.

Um für das Geradenstück ein sinnvolleres Maß zu erhalten, lasst uns jetzt den kleinen Quadraten den Inhalt s zuordnen—dann errechnen wir für unser Geradenstück $I(s) = (1/s) \cdot s = 1$, und das hängt nicht von s ab und entspricht der tatsächlichen Länge. Für das große Quadrat erhalten wir aber jetzt $I(s) = (1/s^2) \cdot s = 1/s$, und dies wird beliebig groß, wenn s kleiner wird, und tendiert gegen ∞ . Jetzt erhalten wir also für das quadratische Gebiet kein gutes Maß.

Beide Male haben wir etwas ähnliches gemacht: wir haben die kleinen Quadrate gezählt, und die Anzahl $N(s)$ mit einer Potenz s^D von der Seitenlänge multipliziert. Mit $D = 2$ erhalten wir für das zweidimensionale Gebiet ein gutes Maß, mit $D = 1$ ist das Ergebnis für die eindimensionale Gerade sinnvoll. Der Exponent D entspricht also der Dimension des auszumessenden Gebildes; für ein zweidimensionales Gebiet ist es also sinnvoll die Fläche zu messen, aber für die eindimensionale Gerade sollte man stattdessen die Länge messen, also ein eindimensionales Maß anwenden.

Wir haben außerdem festgestellt, daß man mit einem zu kleinen Exponenten D (z.B. Länge von dem Quadrat) den Inhalt ∞ ermittelt, und mit zu großem Exponenten (Fläche von der Geraden) den Inhalt 0.

Wenn man das Meßverfahren ein wenig verfeinert, in dem man zum Überdecken nicht nur Quadrate von Seitenlänge genau ϵ zuläßt, sondern auch kleinere (von Seitenlänge höchstens ϵ), und wenn man den Inhalt jedes kleinen Quadrates mit Seitenlänge hoch D nimmt, dann gilt die Aussage des letzten Absatzes ganz allgemein: Für jedes Gebilde in der Ebene gibt es einen "Scheitelwert" D , so daß wenn man den Inhalt mit einem kleineren Exponenten als D mißt, dann erhält man den Wert ∞ , und wenn man mit einem größeren Exponenten als D mißt, dann erhält man den Wert 0. Nur mit Exponenten genau D hat man überhaupt Hoffnung, ein endliches Ergebnis ungleich Null zu erhalten. Diese Zahl D kann man als die Dimension des Gebildes definieren. Für unser Quadrat und unser Geradenstück ist diese Dimension, wie zu erwarten, 2 bzw. 1.

Das Erstaunliche ist aber, daß die so definierte Dimension nicht immer eine ganze Zahl ist! Betrachten wir z.B. einmal ein Geradenstück von Länge L . Wir wollen dieses Geradenstück jetzt ersetzen durch einen Zug aus vier Geradenstücken nebenstehender Gestalt, wobei jedes der vier neuen Geradenstücke die Länge $L/3$ hat. Jetzt ersetzen wir jedes der neuen, kürzeren Geradenstücke wieder durch eine ähnliche, nur verkleinerte, Folge von vier Geradenstücken von ein Drittel der Länge, und wiederholen dieses Verfahren immer wieder. Die dabei entstehenden Kurven enthalten immer mehr, aber immer kürzere Segmente (deren Gesamtlänge bei jeder Stufe um den Faktor $4/3$ wächst!), und im Grenzwert konvergieren



Bild 1: Generator der Koch'schen Kurve

diese Kurven gegen eine sehr stark wackelnde aber stetige Kurve K von unendlicher Länge. Das Ergebnis sieht schöner aus, wenn man nicht mit einem Geradenstück beginnt, sondern mit dreien, die ein gleichschenkeliges Dreieck bilden. Dann besteht die Grenzkurve aus drei Kopien von K , und erinnert stark an eine Schneeflocke, weshalb sie auch die Koch'sche Schneeflocke (nach ihrem Erfinder Helge von Koch) genannt wird.

Die Dimension von der Koch'schen Schneeflocke, oder was das gleiche ist, die Dimension von K , ist leicht zu bestimmen. Beim ersten Schritt in der Erzeugung von K ersetzen wir die von $1/3$ der Größe; danach machen wir mit diesen kürzeren Geraden genau das gleiche, das

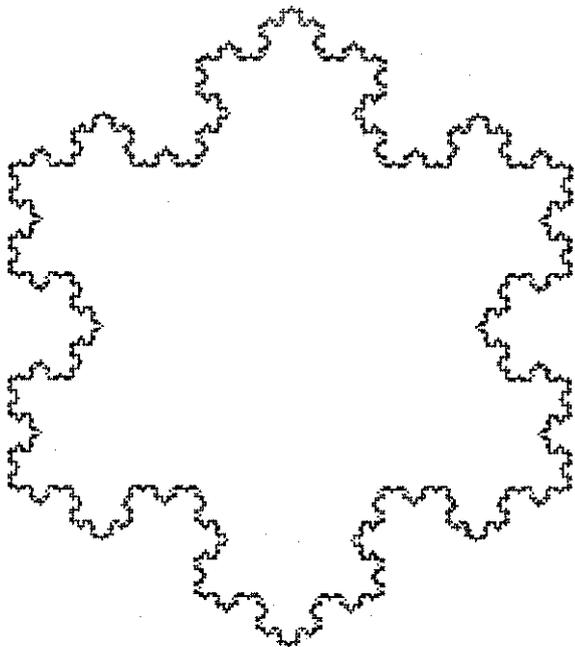


Bild 2: die Koch'sche Schneeflocke

Anfangsgerade durch vier Geradenstücke machen wir mit diesen kürzeren Geraden genau das gleiche, das

wir mit der ursprünglichen Geraden gemacht haben, und wiederholen das unendlich oft, so daß jedes der vier Geradenstücke schließlich zu einer Kopie der ganzen Kurve K wird, nur um den Faktor 3 verkleinert. Also K besteht aus vier Teilstücken, die Kopien von K sind, nur $1/3$ so groß (man sagt, K ist *selbstähnlich*). Nun, angenommen, wir messen K aus mit Quadraten von Seitenlänge s , und brauchen davon $N(s)$ Stück; jedes davon zählen wir mit Inhalt s^p . Um jedes der vier Teilstücke von K zu überdecken, bräuchten wir dann die gleiche Anzahl $N(s)$ Quadrate von Seitenlänge $s/3$, und um K zu überdecken bräuchten wir $4N(s)$ davon. Wir haben also $I(s/3) = 4N(s)(s/3)^p = 4I(s)/(3^p)$. Damit also $I(s)$ für $s \rightarrow 0$ nicht gegen 0 oder ∞ geht, brauchen wir $4/(3^p) = 1$, also $4 = 3^p$, oder $\log 4 = p \log 3$, d.h. $p = \log 4 / \log 3 = 1.26186$; dies ist die Dimension von K !

Listing 1 unten ist ein Basic Programm, das die Koch'sche Schneeflocke zeichnet. Es ist sehr kurz, weil die Koch'sche Schneeflocke, obwohl sehr kompliziert aussehend, nach einem sehr einfachen Schema erzeugt wird, nämlich durch das wiederholte Ersetzen von Geraden durch eine feste andere, aus mehreren Geraden bestehende Figur. Diese Figur heißt der *Generator* der Schneeflocke; das Dreieck, mit dem man die Konstruktion beginnt, heißt der *Initiator*.

Programmiertechnisch interessant an diesem Programm ist die Tatsache, daß das Unterprogramm bei Zeile 50, welches Geradenstücke durch den Generator ersetzt, um die Wiederholung dieses Einsetzens zu erreichen sich selber rekursiv aufruft, und dies obwohl rekursive Unterprogramme in DAI-Basic normalerweise nicht möglich sind. Wieso ist das denn hier möglich? Nun, die Tatsache alleine, daß ein Programm sich selber aufruft, bereitet Basic keine Schwierigkeiten, da die Rücksprungadressen auf dem Stapel abgelegt werden und so automatisch auseinandergehalten werden. Das Problem liegt vielmehr darin, daß alle Variablen in Basic global sind, so daß die verschiedenen Instanzen eines rekursiven Programms sich gegenseitig die Werte der von ihnen verwendeten Variablen zerstören. Diese Schwierigkeit wird hier umgangen durch Verwendung eines Arrays, um einen Datenstapel zu simulieren; die Daten, die vom Unterprogramm geändert werden (das sind die Endpunkte der in der Kurve enthaltenen Geradenstücke), werden nicht in Variablen gehalten, sondern auf diesem Stapel. Die Variable K dient dabei als Stapelzeiger.

Zum Programmablauf im Einzelnen: Die Arrays X und Y bilden den simulierten Stapel, und enthalten die Liste der Endpunkte der Geradenstücke, aus denen die Annäherungen zur Koch'schen Kurve bestehen; in Zeilen 300-340 werden diese Arrays auf den Initiator (also ein gleichschenkliges Dreieck) initialisiert. In Zeile 360 wird Zeile 50 dreimal aufgerufen, um das wiederholte Einsetzen des Generators für die drei Seiten des Dreiecks auszuführen. Das Programm kann natürlich das Einsetzen des Generators nur endlich oft wiederholen. Dieses Einsetzen wird, wie gesagt, vom Unterprogramm in den Zeilen 50-110 bewerkstelligt, und die Variable $LEVEL$ mißt die Rekursionstiefe, zu der dieses Unterprogramm zuletzt aufgerufen wurde. $LEVEL$ wird vor Beginn auf die gewünschte Anzahl der Wiederholungen des Einsetzens eingestellt, und wird bei jedem rekursiven Aufruf von Zeile 50 dekrementiert. Bei $LEVEL = 0$ ruft das Unterprogramm sich nicht mehr weiter auf.

Das Unterprogramm bei Zeile 50 verarbeitet jeweils das letzte Geradenstück, daß in den Arrays X und Y angegeben ist, also das Geradenstück, dessen Endpunkte durch die letzten beiden

X und Y Werte gegeben werden. Falls LEVEL noch nicht 0 ist (ab Zeile 70) wird die letzte Eintragung von X und Y ersetzt durch die vier neuen Endpunkte der Generatorkopie, die hier eingesetzt wird, und das Programm ruft sich dann vier Mal selber auf (Zeile 110), um die vier neuen Strecken weiterzuverarbeiten. Falls aber beim Aufruf von Zeile 50 schon genügend oft wiederholt wurde, d.h. LEVEL = 0, dann wird (in Zeile 60) die letzte Strecke einfach auf dem Bildschirm gezeichnet, und dann durch Heruntersetzen des Stapelzeigers K aus X und Y gelöscht.

Für die Koch'sche Schneeflocke ist LEVEL = 5 ein guter Eingangswert, da die Geraden der fünften Stufe schon kürzer sind als die Breite eines Bildschirmpunktes. Da es aber auch lehrreich ist, die Entstehung der Kurve zu verfolgen, wird sie nicht nur in ihrem Endstadium gezeigt, sondern die Schleife in Zeile 225 läßt alle Stufen nacheinander zeichnen; nach dem Zeichnen wartet das Programm (Zeile 365) auf Betätigung der Leertaste, bevor es die nächste Stufe zeigt.

Das Verfahren zur Erzeugung der Schneeflocke läßt sich sehr leicht abwandeln und verallgemeinern, in dem man einen anderen Generator und vielleicht auch einen anderen Initiator verwendet, aber ansonsten genauso verfährt, wie oben. Auch die Ausrichtung des Generators bezüglich der ersetzten Gerade läßt sich variieren, und braucht auch nicht wie oben bei allen Geradenstücken ein und derselben Kurve immer gleich zu bleiben. Auch das Basicprogramm läßt sich leicht für solche Änderungen anpassen, durch Änderung der Zeilen 70-110 und 300-360. Ein Beispiel dafür wird durch Listing 2 gegeben. Hier ist der Initiator bloß eine Gerade $_$, und auch der Generator ist denkbar einfach: \wedge . Er besteht aus zwei Geraden im rechten Winkel zueinander, jede $1/\sqrt{2}$ so lang wie die zu ersetzende Gerade. Läßt man die Spitze des Generators entlang der Kurve immer abwechselnd nach rechts und nach links zeigen, und läßt man bei jeder weiteren Annäherungsstufe den Generator am Anfang der Kurve auch abwechselnd nach rechts und links zeigen, so erhält man eine Peanokurve, d.h. eine raumfüllende Kurve, die ein Dreieck ganz ausfüllt. Diese Kurve hat Hausdorffdimension 2. Das Programm in Listing 2 zeichnet sie.

Allerdings, in jeder Annäherungsstufe zu dieser Peanokurve berühren sich die Teilgeraden an den Eckpunkten eines quadratischen Gitters, so daß man nur das Gitter sieht und nicht mehr den genauen Verlauf der Kurve. Um diesen Verlauf wieder sichtbar zu machen, schneidet das Programm die Ecken, um die die Kurve läuft, stumpf ab, indem es nur die mittlere Hälfte jeder Teilstrecke zeichnet und die aufeinanderfolgenden gekürzten Teilstrecken durch schräg verlaufende Linien verbindet. Deshalb ist die Zeile 60 aus Listing 1 durch das kompliziertere Zeichenverfahren in Zeilen 60-63 aus Listing 2 ersetzt worden.

Man beachte auch die Variablen SIGN und LSIGN, die in Listing 2 dafür sorgen, daß die Ausrichtung des Generators wechselt, sowohl bei aufeinanderfolgenden Strecken einer Stufe (SIGN), wie auch bei der ersten Strecke jeder neuen Stufe (LSIGN).

Macht man bei diesem zweiten Beispiel, der Peanokurve, nur eine kleine Änderung, und zwar, daß der Generator am Anfang jeder Annäherungsstufe jetzt immer nach rechts zeigen soll (aber bei aufeinanderfolgenden Strecken dieser Stufe wie zuvor immer die Ausrichtung wechselt), so erhält man zwar wieder eine

raumfüllende Kurve, aber sie füllt nicht mehr ein Dreieck aus, sondern die nebenstehende wesentlich kompliziertere Figur, den sogenannten Drachen. Um das Programm in Listing 2 den Drachen zeichnen zu lassen, muß man nur die Anweisungen LSIGN=-LSIGN aus Zeile 110 entfernen. Allerdings empfiehlt es sich auch, die Variablen XOLD und YOLD, insbesondere Zeile 363, aus dem Programm zu entfernen, und die Zeilen 60-63 durch Zeile 60 aus Listing 1 zu ersetzen; dadurch werden die Ecken zwar nicht mehr abgeschnitten und die Kurven haben Selbstberührungspunkte, aber das ist in diesem Fall wegen der interessanteren Struktur der Kurve nicht so störend, und die Zeichengeschwindigkeit wird wesentlich erhöht.

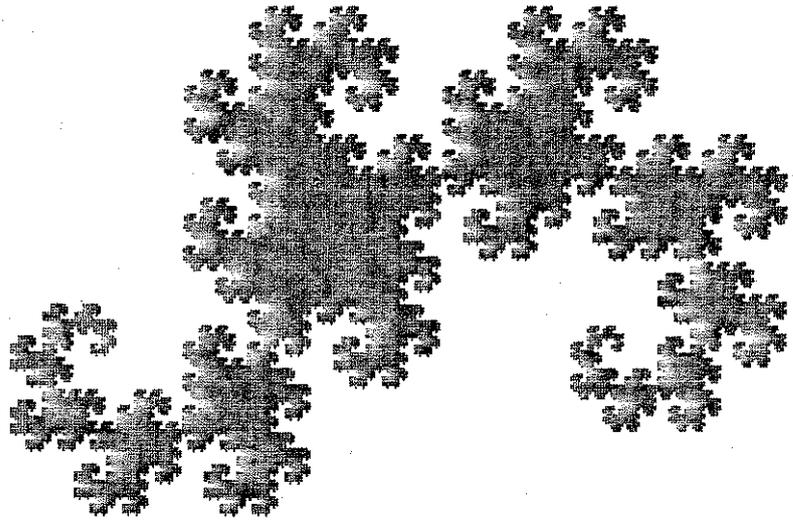


Bild 3: der Drachen

Am Beispiel des Drachens sieht man, wie einfach es ist, mit diesen fraktalen Kurven zu experimentieren. Ich wünsche Ihnen noch viel Spaß beim Zeichnen neuer schöner Fraktale.

Listing 1: Koch'sche Schneeflocke
Vor dem eintippen: IMPFPT: IMPINT I-L

```

5      GOTO 200
50     REM Unterprogramm um Geraden durch
55     REM den Generator zu ersetzen
60     IF LEVEL=0.0 THEN DRAW X(K),Y(K) X(K-1.0),Y(K-1.0) 21:K=K-
      1:RETURN
70     X=X(K):Y=Y(K):XX=X(K-1.0):YY=Y(K-1.0)
80     DX=XX-X:DY=YY-Y
90     X(K+1.0)=(X+XX)/2.0-FACTOR*DY:Y(K+1.0)=(Y+YY)/2.0+FACTOR*
      DX
100    DX=DX/3.0:DY=DY/3.0:X(K)=XX-DX:Y(K)=YY-DY:X(K+2.0)=X+DX:
      Y(K+2.0)=Y+DY:K=K+3:X(K)=X:Y(K)=Y
110    LEVEL=LEVEL-1:GOSUB 50:GOSUB 50:GOSUB 50:GOSUB 50:LEVEL=
      LEVEL+1:RETURN
200    CLEAR 20000
210    FACTOR=1.0/(2.0*SQR(3.0))
220    DIM X(255.0),Y(255.0)
225    FOR LEVEL=0 TO 5
230    MODE 6:COLORG 0 3 5 10

```

```

300 REM Hier wird der Initiator erstellt
310 X=60.0*SQR(3.0):X(0.0)=XMAX/2.0+X:Y(0.0)=YMAX/2.0-60.0
320 X(1.0)=XMAX/2.0:Y(1.0)=YMAX/2.0+120.0
330 X(2.0)=XMAX/2.0-X:Y(2.0)=Y(0.0)
340 X(3.0)=X(0.0):Y(3.0)=Y(0.0):K=3
360 GOSUB 50:GOSUB 50:GOSUB 50
365 CALLM #D&DA: REM PAUSE
370 NEXT LEVEL

```

Listing 2: Peano Kurve
Vor dem eintippen: IMPFPT: IMPINT I-L

```

5 GOTO 200
50 REM Unterprogramm um Geraden durch
55 REM den Generator zu ersetzen
60 IF LEVEL>0.0 THEN 70:X=X(K):Y=Y(K):XX=X(K-1.0):YY=Y(K-1.0):
    DX=(XX-X)/4.0:DY=(YY-Y)/4.0
63 X=X+DX:Y=Y+DY:XX=XX-DX:YY=YY-DY:DRAW XOLD,YOLD X,Y 21:DRAW
    X,Y XX,YY 21:XOLD=XX:YOLD=YY:K=K-1:RETURN
70 X=X(K):Y=Y(K):XX=X(K-1.0):YY=Y(K-1.0)
80 DX=(XX-X)/2.0:DY=(YY-Y)/2.0
105 X(K)=X+DX-SIGN*DY:Y(K)=Y+DY+SIGN*DX:K=K+1:X(K)=X:Y(K)=Y
110 LEVEL=LEVEL-1:LSIGN=-LSIGN:SIGN=LSIGN:GOSUB 50:SIGN=-LSIGN:
    GOSUB 50:LEVEL=LEVEL+1:LSIGN=-LSIGN:RETURN
200 CLEAR 20000
205 FACTOR=1.0/(2.0*SQR(3.0))
220 DIM X(255.0),Y(255.0)
225 FOR LEVEL=0 TO 17
230 MODE 6:COLORG 0 3 5 10
300 REM Hier wird der Initiator erstellt
310 X=128.0:X(0.0)=XMAX/2.0+X:Y(0.0)=0.0
320 XOLD=XMAX/2.0-X:YOLD=0.0:X(1.0)=XOLD:Y(1.0)=YOLD
330 K=1
337 SIGN=1.0
340 LSIGN=1
360 GOSUB 50
363 DRAW XOLD,YOLD X(0.0),Y(0.0) 21
365 CALLM #D&DA: REM PAUSE
370 NEXT LEVEL

```

Literatur: B. Mandelbrot, *The Fractal Geometry of Nature*,
W.H. Freeman and Company, New York 1983.

Bochum, den 28. 4. 1985

G. Wassermann

3D-Plot von Andreas Koldehoff

Dieses kleine Programm erzeugt die bereits in der vorletzten Ausgabe ausgedruckten Graphiken (siehe GP 16,2 und GP 17,2). Es handelt sich hierbei um ein in der Zeitschrift CREATIVE COMPUTING 1/83 veröffentlichtes, für den APPLE geschriebenes Programm.

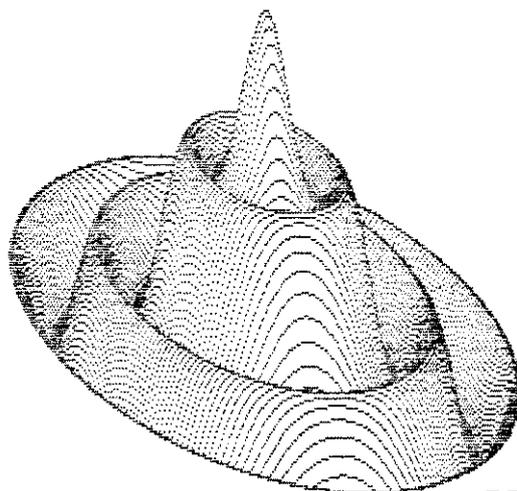
Die Idee des Programms ist es, eine Funktion um die y-Achse rotierend darzustellen. Deshalb ist es nur sinnvoll gerade Funktionen, also $f(x)=f(-x)$, in Zeile 30 zu verwenden.

Ein Wort zur Rechenzeit: Da nicht nur Punkte gesetzt, sondern auch evtl. später nicht sichtbare Punkte gelöscht werden, ergibt sich eine recht lange Programmlaufdauer. Für eine komplette Funktionendarstellung werden ca. 90 min benötigt (ohne AMD!). Um z.B. einen ersten Eindruck über das Aussehen einer Funktion in der 3D-Darstellung zu gewinnen, kann man in Zeile 1170 ein 'STEP 5' anfügen. Die Programmlaufzeit verkürzt sich dem entsprechend.

Hier einige Funktionen, die befriedigende Ergebnisse zeigen :

- 1) $f(x)=\cos(4x)+20/(x*x+3)$
- 2) $f(x)=\cos(x)+\cos(2x)+\cos(5x)$
- 3) $f(x)=\cos(2x)+\cos((x+BB)/16)$ <== siehe GP 16,2 unten

```
*IMPINT
*LIST
10   GOTO 1000
20   REM DEF FN R(Q)
30   R:=COS(4.0*Q!)+20.0/(Q!*Q!+3.0):RETURN
40   X=BB+(H!/B!)+E!
50   Y=DD!-(H!/B!)+F!
60   IF Y<0 THEN RETURN
70   IF Y>255 THEN DRAW X,255 X,0 20:RETURN
80   DOT X,Y 21
90   DRAW X,Y-1 X,0 20:REM Hintergrund loeschen
100  RETURN
1000 MODE 0:COLORT 8 0 0 0
1010 PRINT :PRINT :PRINT
1020 PRINT CHR$(12);"3D-PLOT":PRINT "=====":PRINT
1030 PRINT "Funktion: ";:LIST 30:PRINT
1040 PRINT "Um die Graphik vertikal zu vergroessern oder zu
      verkleinern,"
1050 PRINT "geben Sie bitte eine Zahl zwischen -40 und +40
      ein !"
1060 INPUT "(20 ist typisch) Zahl ";N1!
1070 PRINT :PRINT
1080 PRINT "Um die Graphik auf dem Bildschirm vertikal zu
      zentrieren,"
1090 PRINT "geben Sie bitte eine Zahl zwischen -50 und +150
      ein !"
1100 INPUT "(90 ist typisch) Zahl ";N2!
1110 A=144:B!=2.25:C!=N1!
1120 D!=3.27E-2:E!=160.0:F!=N2!*0.9
1130 REM
1140 MODE 6:COLORG 8 3 5 10
1150 FOR H!=-A TO A STEP B!
1160 AA=0.5+SQR(A*A-H!*H!)
1170 FOR BB=-AA TO AA
1180 Q!=SQR(BB*BB+H!*H!)*D!
1190 GOSUB 30:DD!=R!*C!
1200 GOSUB 40
1210 NEXT:NEXT
1220 CALLM #D6DA:END
*RUN
```



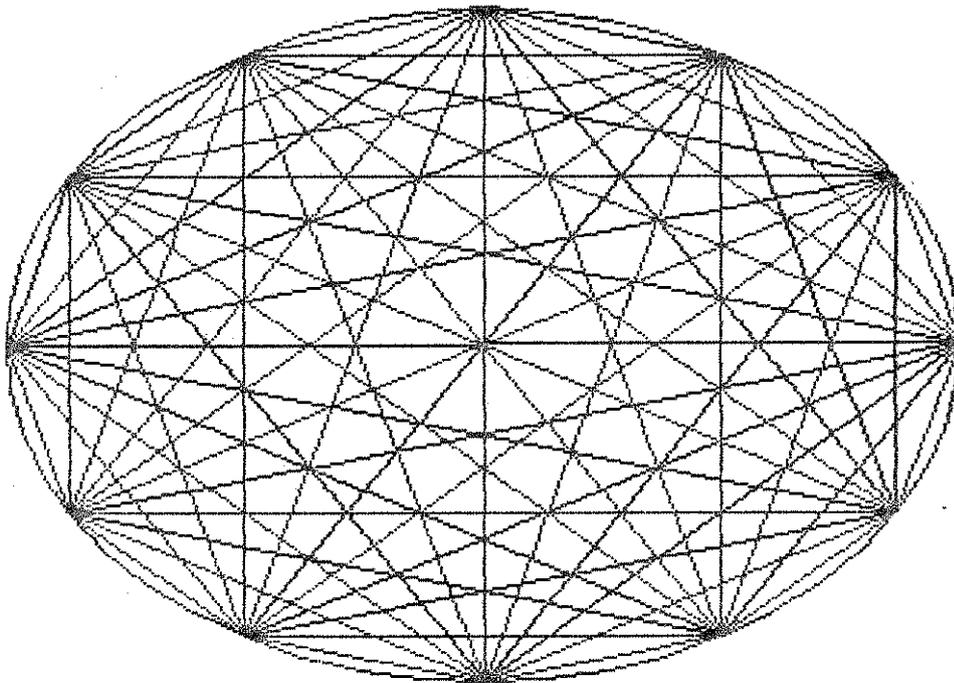
100
110
120
130
140
150
160
170
180
190
200
210
220
230
240
250
260
270
280
290

OSTEREIER

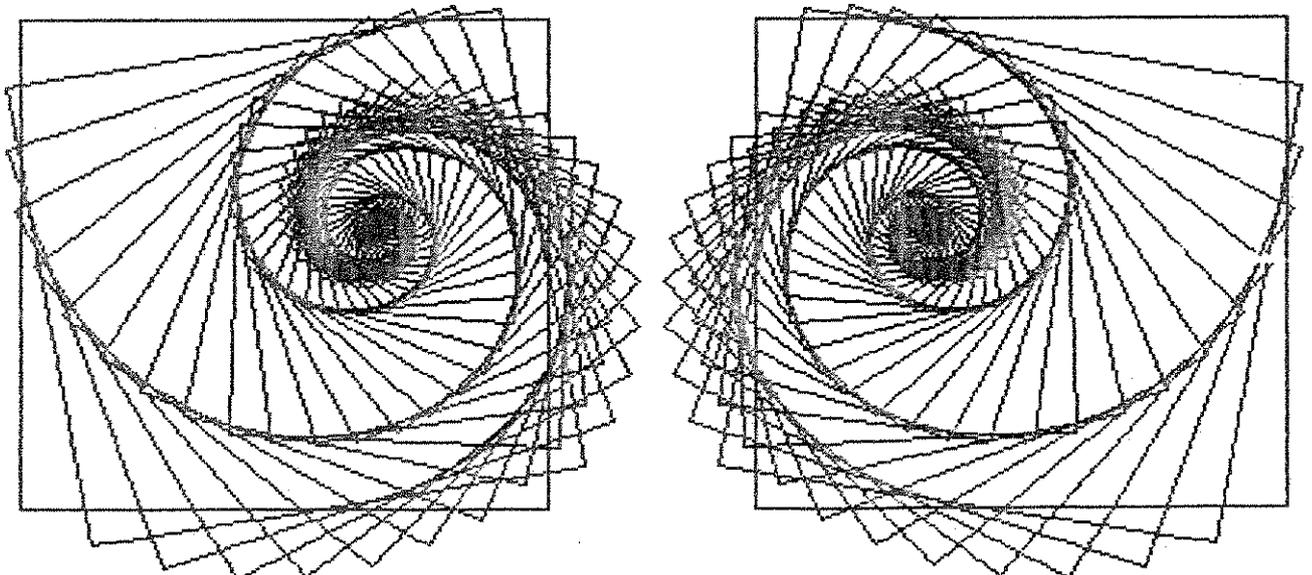
H. Klaskala, 27.3.85

IMP INT

```
MODE 2:GOSUB 150:MODE 4:GOSUB 150:MODE 6:GOSUB 150:GOTO 140
XM=XMAX/2:YM=YMAX/2:PP!=PI+PI:XMM=XM:YMM=YM:COLORG 1 5 10 15
IF RND(0.0)>0.7 THEN XMM=XM-RND(XM/2):GOTO 180
IF RND(0.0)>0.55 THEN YMM=YM-RND(YM/2)
I=0:FOR W!=0 TO PP! STEP PP!/48:I=I+1
X=XM+XMMxCOS(W!):Y=YM+YMMxSIN(W!)
IF W!=0.0 THEN XX=X:YY=Y
DRAW X,Y XX,YY 21+I MOD 3:XX=X:YY=Y:NEXT
N=5+RND(YMAX/10):PN!=PP!/N
FOR W!=0 TO PP! STEP PN!
X=XM+XMMxCOS(W!):Y=YM+YMMxSIN(W!)
FOR WW!=W! TO PP!-PN!/2.0 STEP PN!
XX=XM+XMMxCOS(WW!):YY=YM+YMMxSIN(WW!)
DRAW X,Y XX,YY 21+RND(3):NEXT:NEXT
FOR I=1 TO 60:COLORG 1 RND(16) RND(16) RND(16):NEXT
COLORG 1 15 15 15:WAIT TIME 50+XMAX:RETURN
```



Hardcopy ist graustufenlos



DREHENDES QUADRAT H.Klaskala, 27.3.85

```
100
110
120 IMP INT
130
140 CLEAR 1000
150 MODE 6
160 COLORG 0 5 10 15
170 N=4
180 DIM X!(N),Y!(N)
190 FOR I=0 TO N:READ X!(I),Y!(I):NEXT
200 GOSUB 3000
210 FOR J=0 TO 80
220 PX!=161.0:PY!=141.0:Z!=0.95:GOSUB 2000
230 PX!=161.0:PY!=141.0:Z!=0.17:GOSUB 1000
240 GOSUB 3000
250 NEXT J
260 IF GETC=0 THEN 260
270 GOTO 100
1000 REM Drehung (PX,P,Z) Z=Winkel in rad
1010 FOR I=0 TO N
1020 UX!=X!(I)-PX!:UY!=Y!(I)-PY!
1030 UR!=SQR(UX!%UX!+UY!%UY!):UW!=ATN(UY!/UX!)
1040 IF UX!<0.0 THEN UW!=UW!+PI
1050 UW!=UW!+Z!
1060 X!(I)=PX!+UR!%COS(UW!):Y!(I)=PY!+UR!%SIN(UW!)
1070 NEXT I
1080 RETURN
2000 REM Zentrische Streckung (PX,PY,Z) Z=Streckfaktor
2010 FOR I=0 TO N:X!(I)=PX!+(X!(I)-PX!)*Z!:Y!(I)=PY!+(Y!(I)-PY!)
    *Z!:NEXT I
2020 RETURN
3000 REM ZE1
3010 FOR I=0 TO N-1:DRAW X!(I),Y!(I) X!(I+1),Y!(I+1) 23:NEXT
3020 RETURN
4000 DATA 35,35,220,35,220,220,35,220,35,35
```

GRAFIK-CHAOS H.Klaskala, 27.3.85

```
100
110
120 Ein kurzes und einfaches, aber umwerfendes Programm :
130 Der Video-RAM wird mit "zufaelligen" Werten voll-
140 geschrieben. Ergebnis: einfach unbeschreiblich
150
160 X=#1000
170 READ Y:IF Y<>999 THEN POKE X,Y:X=X+1:GOTO 170
180 CALLM #1000
190 DATA 6,#B3,#E,#50,0,0,#78,#E6,#BF,#F6,#B0,#47,#14,#81,#AA,#
    1C,#83,#57,2,3,3,3,3,3,#C3,6,#10,999
```

P O T - P O U R R I

```
100 CLEAR 5000:ENVELOPE 0 15,100;
110 PRINT CHR$(12);"POT-POURRI - MORCEAU SUIVANT":WAIT TIME 20
120 WAIT TIME 50:READ N,NN:IF N=0 THEN END
130 N=360/N
140 DIM A(250),B(250)
150 FOR I=1 TO NN:READ A(I),B(I):NEXT I
160 FOR I=1 TO NN
170 SOUND 0 0 15 0 FREQ(A(I))
180 IF B(I)>1 THEN B(I)=B(I)-1:WAIT TIME N:GOTO 180
190 IF B(I)=0 THEN WAIT TIME 1:GOTO 210
```

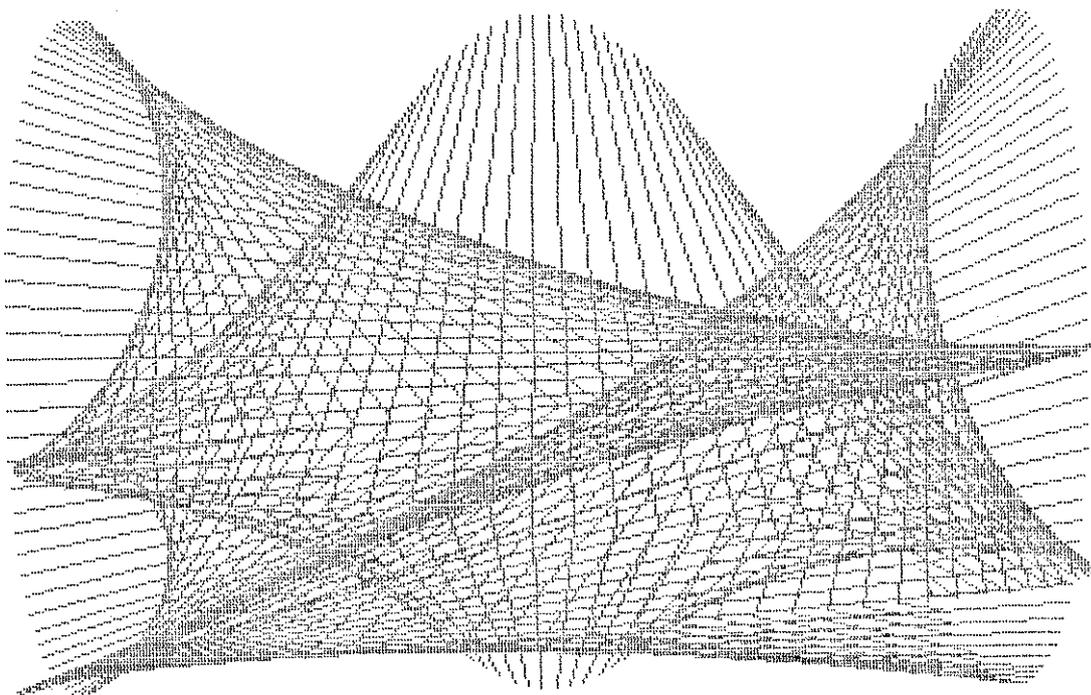
Lissayous Figuren
Bearbeitet: Uwe Wienkop

Das untenabgedruckte Programm zur Erzeugung von Lissayous Figuren wurde unter Verwendung einiger XBASIC Befehle und des Unterstreichungsstrichs '_' in Variablen geschrieben. Den Strich kann man einfach weglassen. Die XBASIC Befehle sind wohl ohne Schwierigkeiten in normale BASIC Kommandos zu überführen: Der Anweisungsteil zwischen REPEAT UNTIL wird solange ausgeführt, bis die Bedingung nach UNTIL erfüllt ist.

Das Programm kann in beliebigen Graphik-Modi (auch MODE 8) laufen. Hierzu sind nur die MODE Anweisungen in den Zeilen 130 und 140 anzupassen.

☞ Das Programm stammt ursprünglich vom ATARI 520 ST in der Programmiersprache C. Der Unterschied zu unserem DAI ist bei diesem Programm bemerkenswert:

Die Initialisierung des Arrays dauerte nur ca. 4-5 sec (DAI mit AMD: ~27 sec) und die Erzeugung eines Bildes im Schnitt 1.5 sec und das alles, obwohl das untenstehende Programm nur ca. 47% der Anzahl der Koeffizienten berechnet und nur ca. 70% der Anzahl der Linien des Ataris gezeichnet werden. Allerdings muß man berücksichtigen, daß es sich um einen Vergleich Compiler ⇔ Interpreter handelt, der nicht ganz fair ist.



```

100 REM ----- Lissayous Figuren -----
110 CLEAR 12700
120 ANZ_FUNKT=13:ANZ_LINIEN=242:DIM FUNC(ANZ_FUNKT-1,ANZ_LINIE
N)
130 MODE 6:GOSUB 1000:XM=XMAX:YM=YMAX
140 REPEAT:MODE 6
150 I=RND(ANZ_FUNKT):REPEAT:J=RND(ANZ_FUNKT):UNTIL I<>J
160 K=RND(ANZ_FUNKT):REPEAT:L=RND(ANZ_FUNKT):UNTIL K<>L
170 FOR M=0 TO ANZ_LINIEN:DRAW FUNC(I,M),FUNC(J,M)*YM/XM FUNC(
K,M),FUNC(L,M)*YM/XM 21:NEXT
180 UNTIL GETC<>0:END
190
200
980 REM Berechnung der Koeffizienten:
990
1000 MITTE!=XMAX/2:V!=2*PI/ANZ_LINIEN:XM!=XMAX
1010 FOR X=0 TO ANZ_LINIEN:X!=X
1020 FUNC(0,X)=ABS(2*(X!-ANZ_LINIEN/2)*MITTE!/ANZ_LINIEN)+MITTE
!
1030 FUNC(1,X)=SIN(V!*X!)*MITTE!+MITTE!
1040 FUNC(2,X)=XM!-FUNC(1,X)
1050 FUNC(3,X)=COS(V!*X!)*MITTE!+MITTE!
1060 FUNC(4,X)=XM!-FUNC(3,X)
1070 FUNC(5,X)=SIN(2*V!*X!)*MITTE!+MITTE!
1080 FUNC(6,X)=XM!-FUNC(5,X)
1090 FUNC(7,X)=COS(2*V!*X!)*MITTE!+MITTE!
1100 FUNC(8,X)=XM!-FUNC(7,X)
1110 FUNC(9,X)=SIN(3*V!*X!)*MITTE!+MITTE!
1120 FUNC(10,X)=XM!-FUNC(9,X)
1130 FUNC(11,X)=COS(3*V!*X!)*MITTE!+MITTE!
1140 FUNC(12,X)=XM!-FUNC(11,X)
1150 NEXT:RETURN

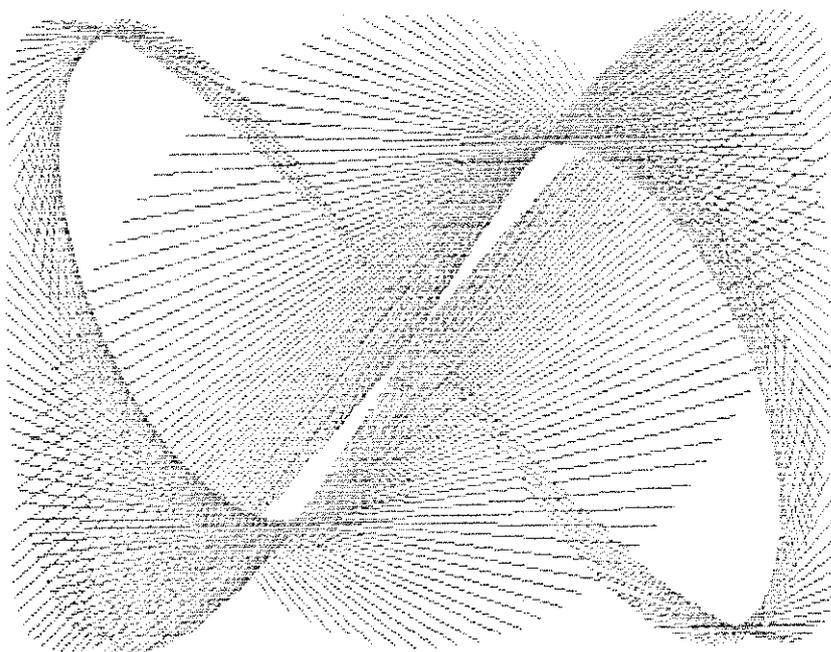
```

```

29 Lines          15 Symbols
 1 References     118 References
826 Bytes Text   130 Bytes Symbols

```

48 Commands



Darstellen und Ausdrucken von Funktionsgraphen

Hintergrund

In der Analysis (Oberstufenunterricht an der Schule) müssen oft Funktionsgraphen - bezogen auf die Längeneinheit 1cm (2cm) - gezeichnet werden. Ziel der Programmentwicklung war es, dies mit dem Computer in Verbindung mit dem Drucker FX-80 zu ermöglichen, wobei

1. der (die) Funktionsgraph(en) nebst Achsenkreuz mit Beschriftung sowohl auf dem Bildschirm dargestellt, als auch vom Drucker (mit einer max. Abweichung von 0,5 mm) ausgegeben werden sollte
 2. der Ausdruck mit der von den Hardcopy-Programmen gewohnten Schnelligkeit erfolgen sollte
 3. Ein x - und y - Wertebereich von ca 15 cm (bei LE: 1cm) möglich sein sollte.
- Wegen 2 werden alle Druckkopfnadeln (bis auf eine) gleichzeitig verwendet, also 8 übereinanderliegende Punkte gleichzeitig ausgedruckt. Da der Nadelabstand 3/216 Zoll beträgt, ergibt dies 72 Punkte je Zoll bzw. 28,34 Punkte je cm, womit die 'Positioniergenauigkeit' der 1cm-Marken etwa 0,3mm beträgt. Wegen 1. und 2. werden auf dem Bildschirm ca 425 Punkte in y-Richtung benötigt. Dies wird dadurch gelöst, das die Farbe der Punkte verwendet wird (z.B. Bildschirm y=0 und Farbe 1 entspricht y=0 für den Drucker, y=0 und Farbe 2 y=1 für den Drucker). Um auch für die x-Richtung einen großen Bereich zu ermöglichen, wurde MODE 8 zugrundegelegt (Das Programm läßt sich jedoch mit eingeschränktem x-Wertebereich auch in MODE 6 betreiben).

Zum Programm:

Es besteht aus einem Basicteil, dem Maschinenprogramm SYMBOL, das die Achsenkreuz-Beschriftung durchführt (die Ziffern erscheinen auf dem Bildschirm in y-Richtung 'geschrumpft', sind aber noch lesbar!) und dem Maschinenprogramm COPY für den Drucker. Die Maschinen-Programme beginnen erst ab #480, damit sowohl das unter NP26 angegebene MODEB Maschinenprogramm (ich selbst verwende die neuen BASIC-Eproms von H. Tegethoff), als auch das unter NP12 angegebene Maschinen-Programm 'Funktions-eingabe für BASIC' untergebracht werden kann. Das letztere funktioniert bei mir leider nicht richtig (nach der ersten Eingabe grundsätzlich 'SYNTAX ERROR', nach der zweiten Ausstieg aus dem BASIC).

Das M-Programm COPY übergibt die Daten an den Drucker über die Parallel-Schnittstelle. Soll dies anders gestaltet werden, so ist das Unterprogramm PRINT (Zeile 132-137) entsprechend abzuändern. Soll anstatt des FX-80 ein Drucker verwendet werden, bei dem die oberste Nadel durch das niederwertigste Bit angesteuert wird, so müßte es reichen, statt der Zeilen 69, 85 und 87 69 YLOOP MVI C,128 - 85 RAR - 87 JNZ BLOCLO einzugeben. Ferner sind gegebenenfalls die Steuerzeichen in Zeile 39 - 66 abzuändern. Der Drucker muß in Plottmodus arbeiten!

Zum Basicteil:

Alle Variablen mit ! sind vom Typ real, sonst integer.

Lücken zwischen den Punkten des Funktionsgraphen werden durch senkrechte Strecken aufgefüllt. 'Genauer' (und schneller!) wird es ohne diese; dann ist 317 RETURN einzufügen

Zur Eingabe und Inbetriebnahme:

Die Zeilen 10-60 beziehen sich auf das KEN-DOS-System. Für die Kassetten-Benutzer gibt es u.a. die folgende Möglichkeit:

1. BASIC-Teil ohne die Zeilen 10-60 eingeben und abspeichern
2. Maschinen-Programme eingeben und ebenfalls abspeichern
3. NEW: CLEAR #850-#2EC:POKE9B,#50:POKE9C,B: CLEAR#100
4. BASIC-Teil und die Maschinen-Programme laden
5. UT

- Adresse A vom Ende der Variablen-tabelle mit Hilfe von G... ermitteln (diese ste unter 2A3 und 2A4)

- W29B A Programmname

Das Programm wird dann mit UT, R geladen und anschließend mit B, RUN in Betrieb genommen.

Anmerkung: Das Programm SYMBOL läßt sich durch weitere Zeichen (8 Punkte breit, Höhe beliebig) außer '.' und dem Leerzeichen ergänzen, in dem man nach der Zeile 195 weitere DATA-Zeilen einfügt; dabei muß für jede DATA-Zeile gelten:

Erst das zugeordnete ASCII-Zeichen, dann die Inhalte für jedes Byte, zum Schluß die Zahl 1.


```

700 FOR I=1 TO XR
710 XB=XB0+INT(I*K!+0.5):DRAW XB,YB0-2 XB,YB0+1 F3
720 XB=XB-2;YB=YB0-7;IF I>9 THEN XB=XB-2
730 IF I MOD 2<>0 AND K!<23 GOTO 770
750 T#=STR$(I):GOSUB 450
770 NEXT I
780 XB=XB0+INT(XR*K!+0.5)+12;YB=YB0-7:T#="x":GOSUB 450
790 YB=YB0-2:T#=">":GOSUB 450
800 REM Markierungen auf der y-Achse
810 IF YU>=0 GOTO 900
820 FOR I=(-1) TO YU STEP (-1)
830 J!=I*K!;YB=YB0+INT(J!/2+0.25);F=F2;IF INT(J!+0.5) MOD 2=0 THEN F=F1
840 DRAW XB0-1,YB XB0+2,YB F
850 YB=YB-1;XB=XB0-13;IF ABS(I)>9 THEN XB=XB-4
860 IF I MOD 2<>0 AND K!<23 GOTO 890
880 T#=STR$(I):GOSUB 450
890 NEXT I
900 FOR I=1 TO YD
910 J!=K!*I;YB=YB0+INT(J!/2+0.25);F=F2;IF INT(J!+0.5) MOD 2=0 THEN F=F1
920 DRAW XB0-1,YB XB0+2,YB F
930 YB=YB-1;XB=XB0-9;IF I>9 THEN XB=XB-4
935 IF I MOD 2<>0 AND K!<23 GOTO 950
940 T#=STR$(I):GOSUB 450
950 NEXT I
955 DRAW XB0,YB0-4-K!*ABS(YU)/2 XB0,YB0+12+K!*YD/2 F3;REM y-Achse
960 REM y und ^
970 XB=XB0-11;YB=INT(YB0+YD*K!/2)+9:T#="y":GOSUB 450
980 YB=YB+1;XB=XB0-3:T#="^":GOSUB 450
990 RETURN
998 REM
999 REM
5000 REM ### Hauptprogramm ###
5010 MODE 0:COLORT 0 13 0 0
5020 F0=0:F1=10:F2=12:F3=13:COLORG F0 F1 F2 F3
5040 ENVELOPE 1 15,10;0,10;
5199 REM
5200 REM == Achsenkreuz ==
5210 PRINT CHR$(12)
5220 CURSOR 2,23:PRINT "Achsenkreuz:"
5230 CURSOR 2,20:PRINT "maximale Ausmasse bei den Laengeneinheiten:";
5240 CURSOR 2,19:PRINT "Laengeneinheit: x-Wertebereich: y-Wertebereich:";
5250 CURSOR 2,17:PRINT " 0,5 cm -----> 32 30";
5260 CURSOR 2,16:PRINT " 1 cm -----> 16 15";
5270 CURSOR 2,15:PRINT " 2 cm -----> 8 7";
5280 CURSOR 2,14:PRINT " 3 cm -----> 5 5";
5290 CURSOR 2,13:PRINT " 4 cm -----> 4 3";
5300 CURSOR 2,12:PRINT " 5 cm -----> 3 3";
5400 CURSOR 3,10:PRINT "Bitte eingeben:";
5410 CURSOR 3,7:PRINT "Laengeneinheit (nur Zahlen!): ";
5420 CURSOR 3,5:PRINT "x-Achse: von bis";
5430 CURSOR 3,3:PRINT "y-Achse: von bis";
5500 XB=33;YB=7;CURSOR XB,YB:INPUT T!:IF T!>500 GOTO 5200
5510 IF T!<0.5 OR T!>5 THEN GOSUB 8500:GOTO 5500
5530 XB=16;YB=5;CURSOR XB,YB:INPUT XL:XB=27;CURSOR XB,YB:INPUT XR
5540 IF XL>500 OR XR>500 GOTO 5200
5550 IF XR<XL OR (XR-XL)*T!>16 THEN GOSUB 8500:XB=16:GOSUB 8600:GOTO 5530
5570 XB=16;YB=3;CURSOR XB,YB:INPUT YU:XB=27;CURSOR XB,YB:INPUT YD
5580 IF YU>500 OR YD>500 GOTO 5200
5590 IF YD<YU OR (YD-YU)*T!>15 THEN GOSUB 8500:XB=16:GOSUB 8600:GOTO 5570
5610 K!=28.33*T!
5710 POKE #300,INT(T!*2)
5720 POKE #304,ABS(XL):IF XL<0 THEN POKE #304,XL+200:POKE #305,XR
5730 POKE #306,ABS(YU):IF YU<0 THEN POKE #306,YU+200:POKE #307,YD
5750 I=14:IF XL>=0 THEN I=25
5760 XB0=INT(I+ABS(XL)*K!):POKE #301,XB0 MOD 256:POKE #302,XB0/256
5780 YB0=INT(7+ABS(YU)*K!/2):POKE #303,YB0
5790 YT=YB0+INT(YU*K!/2)-1:POKE #308,YT;YH=YB0+INT(YD*K!/2)+1:POKE #309,YH
5799 REM
5800 MODE 6:GOSUB 500:REM oder MODE 8
5999 REM
6000 REM == Menue ==
6010 K!=PEEK(#300)*28.33/2:XB0=PEEK(#301)+256*PEEK(#302):YB0=PEEK(#303)
6040 XL=PEEK(#304):IF XL>100 THEN XL=XL-200:XR=PEEK(#305)
6050 YU=PEEK(#306):IF YU>100 THEN YU=YU-200:YD=PEEK(#307)
6060 YT=PEEK(#308):YH=PEEK(#309)

```

```

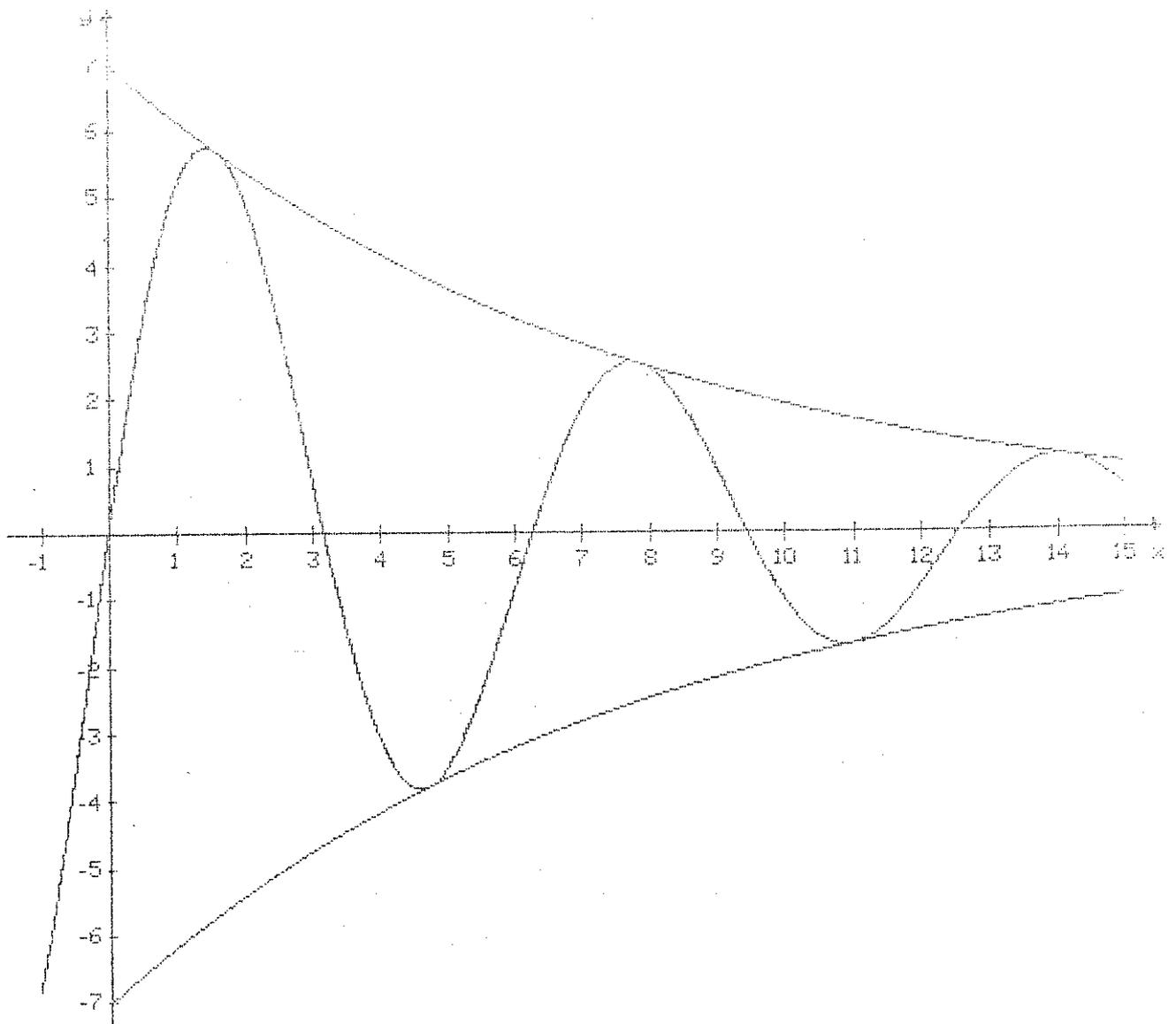
070 DIM DF!(9):DF!(1)=XL:DF!(2)=XR:DF!(3)=1000
080 F0=0:F1=10:F2=12:F3=13:COLORS F0 F1 F2 F3
090 ENVELOPE 1 15,10;0,10;
100 PRINT CHR$(12)
120 CURSOR 3,3:PRINT "Bild veraendern =====>B";
130 CURSOR 3,2:PRINT "Ausdrucken =====>D";
140 T=GETC:IF T=0 GOTO 6140
150 IF CHR$(T)="B" OR CHR$(T)="b" THEN GOSUB 6200
160 IF CHR$(T)="D" OR CHR$(T)="d" THEN GOSUB 8000
190 GOTO 6100
200 REM
210 PRINT CHR$(12)
220 CURSOR 3,3:PRINT "Funktionsterm eingeben ==>F   Menue ==>M";
230 CURSOR 3,2:PRINT "Intervalle vorgeben =====>I";
240 CURSOR 3,1:PRINT "Funktionsgraph zeichnen ==>Z";
250 CURSOR 3,0:PRINT "Asymptote eingeben =====>A";
260 T=GETC:IF T=0 GOTO 6260
270 IF CHR$(T)="F" OR CHR$(T)="f" THEN GOSUB 6500
280 IF CHR$(T)="Z" OR CHR$(T)="z" THEN MODE 6:GOSUB 200:REM oder MODE 8
290 IF CHR$(T)="I" OR CHR$(T)="i" THEN GOSUB 7000
300 IF CHR$(T)="A" OR CHR$(T)="a" THEN GOSUB 7500
310 IF CHR$(T)="M" OR CHR$(T)="m" THEN RETURN
320 GOTO 6200
498 REM =====
499 REM
500 REM /// Funktionstermeingabe ///
510 PRINT CHR$(12):CURSOR 3,3:PRINT "Eingabe: 100 Y!=f(X!); dann RUN 6000 ";
530 CURSOR 3,2:PRINT "Neue eingeben:";
560 CURSOR 3,1:STOP
600 REM I=100:CALLM #300,I:REM Wenn lauffaehiges Programm vorhanden
700 REM RETURN
999 REM
000 REM /// Intervalle vorgeben ///
010 PRINT CHR$(12)
020 CURSOR 3,3:PRINT "Intervalle fuer den Graph:";
030 CURSOR 3,2:PRINT "[      ;      ] & [      ;      ]";
040 CURSOR 3,1:PRINT "Wollen Sie z.B. nur das 1.-te, so geben";
050 CURSOR 3,0:PRINT "Sie als 1.-te Zahl im 2.-ten Int. 1000 ein!";
060 XB=4:YB=2:CURSOR XB,YB:INPUT DF!(1):IF DF!(1)<XL OR DF!(1)>XR THEN GOSUB 8500:GOTO 7
60
070 XB=10:CURSOR XB,YB:INPUT DF!(2):IF DF!(2)<DF!(1) OR DF!(2)>XR THEN GOSUB 8500:GOTO 7
70
080 XB=20:CURSOR XB,YB:INPUT DF!(3):IF DF!(3)>500 THEN RETURN
090 IF DF!(3)<DF!(2) OR DF!(3)>XR THEN GOSUB 8500:GOTO 7080
100 XB=26:CURSOR XB,YB:INPUT DF!(4):IF DF!(4)<DF!(3) OR DF!(4)>XR THEN GOSUB 8500:GOT
7100
110 XB=36:CURSOR XB,YB:INPUT DF!(5):IF DF!(5)>500 THEN RETURN
120 IF DF!(5)<DF!(4) OR DF!(5)>XR THEN GOSUB 8500:GOTO 7110
130 XB=42:CURSOR XB,YB:INPUT DF!(6):IF DF!(6)<DF!(5) OR DF!(6)>XR THEN GOSUB 8500:GOT
7130
200 XB=50:CURSOR XB,YB:INPUT DF!(7):IF DF!(7)<=500 THEN GOSUB 8500:GOTO 7200
295 RETURN
299 REM
500 REM /// Asymptoten ///
510 PRINT CHR$(12):XB=19:YB=0
520 CURSOR 3,3:PRINT "Hier koennen Sie nur Geraden der Form Y=konst";
530 CURSOR 3,2:PRINT "oder X = konst. eingeben (z.B Y=2):";
540 CURSOR 3,1:PRINT "Wollen Sie keine mehr eingeben, dann 0 eingeben";
550 CURSOR 3,0:PRINT "Bitte eingeben: ";:INPUT T$
560 IF T$="0" THEN RETURN
600 T=LEN(T$):IF T<3 THEN GOSUB 8500:GOTO 7500
610 IF LEFT$(T$,1)<>"Y" AND LEFT$(T$,1)<>"X" THEN GOSUB 8500:GOTO 7500
620 IF MID$(T$,1,1)<>"=" THEN GOSUB 8500:GOTO 7500
640 Z$=RIGHT$(T$,T-2)
700 IF LEFT$(Z$,1)="-" THEN Z$=RIGHT$(Z$,LEN(Z$)-1):T!*(-1)*VAL(Z$):GOTO 7720
710 T!=VAL(Z$)
720 IF LEFT$(Z$,1)<"0" OR LEFT$(Z$,1)>"9" THEN GOSUB 8500:GOTO 7500
730 IF LEFT$(T$,1)="X" AND (T!<XL OR T!>XR) THEN GOSUB 8500:GOTO 7500
740 IF LEFT$(T$,1)="Y" AND (T!<YU OR T!>YD) THEN GOSUB 8500:GOTO 7500
800 REM
810 IF LEFT$(T$,1)="Y" GOTO 7900
820 XB=XB0+INT(T!*K!+0.5):DRAW XB,YB0+YU*K!/2 XB,YB0+YD*K!/2 F3
830 GOTO 7500
900 YB=YB0+INT(T!*K!/2+0.25):F=F2:IF INT(T!*K!+0.5) MOD 2=0 THEN F=F1
910 DRAW XB0+XL*K!,YB XB0+XR*K!,YB F
920 GOTO 7500

```

```

7999 REM
8000 REM /// Ausdruck ///
8010 PRINT CHR$(12):I=13
8020 CURSOR 3,3:PRINT "Drucker einschalten - dann eine Taste druecken!"
8030 IF I=13 THEN I=12:COLORT 0 I 0 0
8040 IF I=12 THEN I=13:COLORT 0 I 0 0
8050 T=GETC:IF T=0 GOTO 8030
8100 MODE 6:I=#4B0:REM oder MODE 8
8120 T=(XMAX+1)/8:ZBLOX=INT((XR-XL)*K!/8)+6:IF ZBLOX+1>T THEN ZBLOX=T
8130 POKE I+3,ZBLOX
8140 ZBLOY=INT((Y0-YU)*K!/8)+8:IF ZBLOY+2>(YMAX+1)/4 THEN ZBLOY=(YMAX+1)/4
8150 FOKE I+2,ZBLOY
8160 AY=PEEK(#98):ABILDO=#BFEA-3*AY-((YMAX/4+1-ZBLOY)*4)*AY
8170 POKE I,ABILDO MOD 256:POKE I+1,ABILDO/256
8200 CALLM #4D0
8300 RETURN
8499 REM
8500 REM /// Eingabefehler ///
8510 FOR T=0 TO 4
8520 SOUND 1 0 10 0 FREQ(1000):SOUND 1 0 12 2 FREQ(500)
8530 WAIT TIME 10
8540 NEXT T
8550 SOUND OFF
8600 CURSOR XB,YB:PRINT "      "":CURSOR XB,YB
8690 RETURN
8999 END

```



PAGE 01 COPY (Hardcopy fuer Funktionsgraphen)

```

002 * Siegfried Guenther, Reutlingen
003 * VARIAB
004 * ABILDO
005 * ZBLOY
006 * ZBLOX
007 * ZBLOXI
008 * ABILDI
009 * ABILDI1
010 * YKON1
011 * YKON2
012 * XWERT
013 * XWERT+2
014 * PUFFA
015 * PUFFA+7
016 * VARIAB+120
017 *
018 *
019 *
020 *
021 *
022 *
023 *
024 *
025 *
026 *
027 *
028 *
029 *
030 *
031 *
032 *
033 *
034 *
035 *
036 *
037 *
038 *
039 *
040 *
041 *
042 *
043 *
044 *
045 *
046 *
047 *
048 *
049 *
050 *
051 *
052 *
053 *
054 *
055 *
056 *
057 *
058 *
059 *
060 *
061 *
062 *
063 *
064 *
065 *
066 *
067 *
068 *
069 *

```

PAGE 02 COPY (Hardcopy fuer Funktionsgraphen)

```

070 *
071 *
072 *
073 *
074 *
075 *
076 *
077 *
078 *
079 *
080 *
081 *
082 *
083 *
084 *
085 *
086 *
087 *
088 *
089 *
090 *
091 *
092 *
093 *
094 *
095 *
096 *
097 *
098 *
099 *
100 *
101 *
102 *
103 *
104 *
105 *
106 *
107 *
108 *
109 *
110 *
111 *
112 *
113 *
114 *
115 *
116 *
117 *
118 *
119 *
120 *
121 *
122 *
123 *
124 *
125 *
126 *
127 *
128 *
129 *
130 *
131 *
132 *
133 *
134 *
135 *
136 *
137 *

```

PAGE 03 COPY (Hardcopy fuer Funktionsgraphen)

```

070 *
071 *
072 *
073 *
074 *
075 *
076 *
077 *
078 *
079 *
080 *
081 *
082 *
083 *
084 *
085 *
086 *
087 *
088 *
089 *
090 *
091 *
092 *
093 *
094 *
095 *
096 *
097 *
098 *
099 *
100 *
101 *
102 *
103 *
104 *
105 *
106 *
107 *
108 *
109 *
110 *
111 *
112 *
113 *
114 *
115 *
116 *
117 *
118 *
119 *
120 *
121 *
122 *
123 *
124 *
125 *
126 *
127 *
128 *
129 *
130 *
131 *
132 *
133 *
134 *
135 *
136 *
137 *

```

```

138
139 05B4 11C804      *
140 05B7 0601      BYTE    LXI    D,PUFFE
141 05B9 7E        BYTELO  MVI    B,1
142 05BA A0        ANA    B
143 05BB CAC105    JZ     BYTEL1
144 05BE 1A        LDAX  D
145 05BF B1        ORA   C
146 05C0 12        STAX  D
147 05C1 1B        BYTEL1 DCX   D
148 05C2 78        MOV   A,B
149 05C3 B7        ORA   A
150 05C4 17        RAL
151 05C5 47        MOV   B,A
152 05C6 D2B905    JNC   BYTELO
153 05C9 C9        RET
154 05CA          END
    
```

* S Y M B O L T A B L E *

ABILD0 04B0	ABILD1 04B5	ABILDI 04B7	BLOCLO 053A
BYTE 05B4	BYTEL1 05C1	BYTELO 05B9	FLOOP 055C
PRINT 05A7	PUFFA 04C1	PUFFE 04C8	START 04D0
VARIAB 04B0	XWERT 04BD	YKON1 04B9	YKON2 04BB
YLOOP 0538	ZBLOX 04B3	ZBLOXI 04B4	ZBLOY 04B2
ZEILEL 050C			

```

P.
04D0 F5 05 D5 E5 3A 98 00 6F 26 00 22 B9 04 29 29 22
04E0 BB 04 3A B3 04 6F 26 00 29 29 29 22 BD 04 3E A9
04F0 32 03 FE 0E 1B CD A7 05 0E 40 CD A7 05 0E 1B CD
0500 A7 05 0E 33 CD A7 05 0E 18 CD A7 05 2A B0 04 22
0510 B5 04 22 B7 04 3A B3 04 32 B4 04 0E 1B CD A7 05
0520 0E 2A CD A7 05 0E 05 CD A7 05 3A BD 04 4F CD A7
0530 05 3A BE 04 4F CD A7 05 0E 01 CD B4 05 23 79 B7
0540 17 4F CD B4 05 2A B7 04 EB 2A B9 04 19 22 B7 04

0550 79 B7 17 4F D2 3A 05 21 C1 04 06 0B 3E 00 4E 77
0560 CD A7 05 05 23 C2 5C 05 2A B5 04 2B 2B 22 B5 04
0570 22 B7 04 3A B4 04 3D 32 B4 04 C2 3B 05 0E 0D CD
0580 A7 05 0E 0A CD A7 05 2A BB 04 3A B0 04 95 32 B0
0590 04 3A B1 04 9C 32 B1 04 3A B2 04 3D 32 B2 04 C2
05A0 0C 05 E1 D1 C1 F1 C9 3A 02 FE E6 10 C2 A7 05 79
05B0 32 00 FE C9 11 CB 04 06 01 7E A0 CA C1 05 1A B1
05C0 12 1B 78 B7 17 47 D2 B9 05 C9
    
```

*Not dem Ab speichern Speicherinhalt von # 4B0 - # 4CF
auf 0 setzen (z.B. mit M7 und S) ; sonst wird der
beliebig gefüllte Pufferspeicher mit ausgedruckt!*

Ultrahochoauflösende Grafik auf Ihrem Drucker von Gordon Wassermann

Ich möchte Ihnen hier ein Basicprogramm vorstellen, das in der Lage ist, Graphen von reellen Funktionen mit sehr hoher Auflösung auf einem beliebigen grafikfähigen Drucker zu plotten. Bei modernen Druckern ist das Ergebnis wesentlich besser, als auf dem Bildschirm, oder entsprechend bei einem Hardcopy vom Bildschirm, möglich ist. Einzelne Nadelpunkte sind auf der gedruckten Kurve nicht mehr sichtbar und die Sprünge zwischen den Geradenstücken, aus denen die Kurve ja immer noch besteht, fallen kaum noch auf—die Grafik sieht praktisch wie von einem Plotter gezeichnet aus. Bei meinem Drucker, dem Epson FX-80, beträgt die Auflösung 1920 Punkte in der Waagerechten (oder 240 Punkte pro Zoll) mal 1440 Punkte in der Senkrechten (oder effektiv 144 Punkte pro Zoll—es wird jeweils ein Zoll am oberen und unteren Papierrand freigelassen). Das macht insgesamt 2764800 Bildpunkte, mehr als das 21fache der maximalen Bildschirmauflösung!

Ich wurde benötigt, das Programm zu schreiben, weil ich meine Ingenieurstudenten an der Universität einige mathematische Funktionen vorführen wollte, und dafür gute Projektionfähige Bilder brauchte. Aber zusätzlich dazu ermuntert wurde ich durch einen Artikel in der Novemberausgabe (1985) der amerikanischen Computerzeitschrift BYTE, in dem genau ein solches Programm vorgestellt und diskutiert wurde. Nur konnte ich das Programm aus BYTE leider nicht übernehmen, zum einen weil es in Turbo Pascal für den IBM PC geschrieben war, aber wichtiger, weil es das gesamte Druckerbild zuerst einmal im Rechner gespeichert zeichnete und dafür einen Puffer von 128 Kilobyte benötigte! So viel Speicher hat der DAI bekanntlich nicht. Außerdem erzielte das BYTE Programm nur eine Auflösung von 1600 x 640 Punkten, wegen Einschränkungen für die Größe von Arrays in Pascal! Deshalb habe ich für den DAI ein ganz neues Programm geschrieben. Ich habe dennoch aus dem BYTE Artikel nützliche Anregungen beziehen können, insbesondere was die Handhabung des Druckers betrifft, auch wenn die Empfehlungen der BYTE Autoren sich nicht in allen Punkten als günstig erwiesen haben (s. unten).

Die hohe Auflösung wird erzielt, in dem man zum einen die Grafik mit dem dichtesten Grafikmodus des Druckers ausgibt, d.h. mit der höchsten waagerechten Auflösung, die der Drucker drucken kann, und zum anderen, in dem man in der Senkrechten den feinsten Zeilenvorschub, den der Drucker beherrscht, ausnutzt, um auch senkrecht Punkte dichter zu setzen als der Nadelabstand, etwa mit halbem Nadelabstand. Durch diese Dichte in beiden Richtungen wird erreicht, daß benachbarte Punkte verschmelzen und die gezeichnete Kurve kontinuierlich aussieht, und es nicht mehr auffällt, daß sie aus einzelnen Punkten besteht.

Dieses Verfahren wird von dem am Schluß dieses Artikels wiedergegebenen Basicprogramm verwirklicht, welches ich zum besseren Verständnis seiner Wirkungsweise mit viel Kommentar zwischen den Zeilen versehen habe.

Um in den typischsten Fällen das Papier möglichst gut auszufüllen wird der Graph im Querformat gezeichnet. D.h., die y-Richtung verläuft über die Breite des Papiers, und die x-Richtung in Längsrichtung, also parallel zum gelochten Randstreifen bei Endlospapier.

Der Bildausschnitt kann frei gewählt werden. Es schadet auch nichts, wenn die Kurve aus dem Bildausschnitt herausläuft—es werden dann eben genau die Teile der Kurve gezeichnet, die im Bildausschnitt sichtbar sind.

Bei einer so präzisen Zeichnung, wie dieses Verfahren verspricht, will man ja auch die genaue Lage der Kurve in der Ebene sichtbar haben. Deshalb werden die Koordinatenachsen auch mitgezeichnet, wenn sie im Bildausschnitt sichtbar sind, und sie können auch mit einer Maßstabsmarkierung versehen werden. Eine Beschriftung der Zeichnung ist allerdings nicht vorgesehen. Zum einen müßte dazu extra ein Zeichensatz erstellt werden, da der normale Druckerzeichensatz nicht zum Querformat paßt und um 90° gedreht werden müßte. Diesen Zeichensatz würde man sich vielleicht sogar in der gleichen hohen Auflösung wünschen (obwohl das eigentlich nicht unbedingt erforderlich wäre). Zum anderen wäre es aber auch sehr umständlich, im Programm zu gewährleisten, daß die Schrift nicht von der zu plottenden Kurve durchkreuzt wird. Daher habe ich auf eine Beschriftung verzichtet. Notfalls kann man die Bilder ja auch mit der Schreibmaschine nachträglich beschriften, was ich bei meinen Vorführbildern für die Ingenieure auch getan habe.

Am Schluß dieses Artikels finden Sie zwei Probeausdrücke auf einem Epson FX-80—das erste Bild zeigt die Funktion $\tanh x = (\exp(x) + \exp(-x))/2$ im Bereich zwischen $x = -3$ und $x = 3$. Das Zweite zeigt die Funktion $\sqrt{|x| \sin(\frac{1}{x})}$ im Bereich $x = -1$ bis $x = 1$.

Zur Anwendung des Programms: vor dem Start muß man in die Zeilen 3200-3300 die Berechnung der zu plottenden Funktion hineinschreiben. Genau wie das zu geschehen hat, wird in den Kommentarzeilen zum Programm an der Stelle hinreichend erklärt. Die hier wiedergegebene Version des Programms berechnet die Funktion $\tanh x = (\exp(x) + \exp(-x))/2$.

Nach der Eingabe von RUN fragt das Programm dann zuerst nach dem gewünschten Bildausschnitt, d.h. nach dem zu zeichnenden Bereich der x-Werte und der y-Werte. Man kann hier alle Werte explizit eingeben, und das Programm skaliert das Bild dann in beiden Richtungen nach den eingegebenen Werten. Man kann aber auch für eine der beiden Achsen die Bestimmung von einem oder von beiden Endpunkten des zu zeichnenden Intervalls dem Programm überlassen—dazu gebe man einfach 999 ein, wenn nach diesem Endpunkt gefragt wird. In diesem Fall verwendet das Programm für diese Achse das gleiche Längenmaß auf dem Papier, wie für die andere Achse (das Bild wird also maßstabsgleich in beiden Richtungen), und wenn ein Endpunkt explizit angegeben wurde, wird der Andere aus Diesem gemäß diesem Maßstab errechnet. Wurden beide Endpunkte unbestimmt gelassen, wird der Maßstab der anderen Achse übernommen und das Bild wird symmetrisch um diese Achse ausgerichtet.

Anschließend fragt das Programm, wie die Skalierung auf die Achsen zu markieren ist. Es ist eine zweistufige Markierung vorgesehen, mit langen Markierungsstrichen für die Einteilung in Haupteinheiten und kürzeren Strichen für eine zusätzliche feinere Unterteilung dieser Haupteinheiten. Das Programm fragt zuerst nach der Länge der Haupteinheiten. Falls keine Markierung gewünscht wird, kann hier 999 oder eine negative Zahl eingegeben werden. Anschließend wird danach gefragt, in wieviele feinere Einheiten jedes Haupteinheitintervall unterteilt werden soll. Wenn man nur eine einstufige Markierung wünscht, kann man hier 1 eingeben. Die Abfrage über die Markierung wird für jede Achse getrennt vorgenommen, so daß man z.B. auch nur eine Achse markieren kann, wenn man will.

Nach dieser Abfrage folgt eine ziemlich lange Pause, während das Programm die zu plottenden Funktionswerte berechnet. Spätestens während dieser Zeit sollte man den Drucker einschalten. Nach ein paar Minuten beginnt er dann zu drucken, und es dauert nicht lange, bis das Bild fertig ist.

Alle druckerspezifische Daten sind in nur drei oder vier Programmzeilen konzentriert (z.B. in einigen Variablenanweisungen ganz zu Beginn), damit das Programm, hier für den Epson FX-80 geschrieben, sich mühelos auf beliebige andere Druckertypen anpassen läßt (nur grafikfähig muß der Drucker schon sein, und die Qualität der Ergebnisse hängt natürlich auch von den Fähigkeiten des Druckers ab).

Anpassung des Programms an Ihr Drucker:

Für den Epson FX-80 oder Kompatible ist keine Anpassung nötig. Für andere Drucker sind nur wenige Änderungen nötig, wie im folgenden beschrieben:

In Zeile 20 setze man HZOLL! und VZOLL! auf die tatsächlichen Maße, waagrecht bzw. senkrecht, der zu bedruckenden Papierfläche (gemeint sind nicht die Maße des Bogens, sondern wirklich nur des Druckbildes!). Ich habe die Maße auf Zoll angegeben, aber Sie können die Maße auch in einem beliebigen anderen Längsmaß angeben, weil nur das Verhältnis (RATIO!) der beiden Dimensionen später verwendet wird. Man beachte, daß Endlospapier in Deutschland normalerweise 8 x 12 Zoll mißt, aber da der Druckkopf des Epson FX-80 beim Blattanfang gewöhnlich ein Zoll unterhalb des Blatttrands steht, fand ich es bequemer, oben und unten einen Zoll freizulassen und nur 10 Zoll zu bedrucken.

In Zeile 30 setze man HRES auf die Auflösung, in Punkten pro Zeile, des feinstauflösenden Bitgrafikmodus (in der Waagerechten), den Ihr Drucker besitzt (beim Epson MX-80 z.B. 960 Punkte, beim Itoh 8510A z.B. 1280 Punkte). VRES setze man auf die senkrechte Auflösung, in Punkten pro Spalte der Druckfläche (nicht des Blattes!), die erreicht werden kann unter Ausnutzung von Zeilenvorschüben von einer halben Punkthöhe, wenn Ihr Drucker dazu fähig ist. Da eine Punkthöhe gerade 1/72 Zoll beträgt, ist diese senkrechte Auflösung 144 x Höhe der Druckfläche in Zoll. Man beachte: viele Drucker, wie der Itoh 8510A, bieten wirklich Zeilenvorschübe von 1/2 Punkt oder 1/144 Zoll. Die Epson Drucker, wie der FX-80 z.B., können aber nur Zeilenvorschübe von 1/3 Punkt oder 1/216 Zoll! Es ist aber trotzdem besser, so zu tun, als wäre dies ein Zeilenvorschub von 1/144 Zoll, d.h., zwischen zwei Punktzeilen nur eine weitere Punktzeile zu drucken und nicht zwei, weil das Bild sonst zu schwarz wird und feine Details eher verwischt werden als daß sie zur Geltung kämen. Der 1/3-punktige Zeilenvorschub ist ohnehin nicht ganz genau, so daß der Unterschied zu einem echten halbpunktigen Zeilenvorschub nicht sichtbar ist.

In Zeile 60 müssen Sie in den ersten Bytes des Arrays BUFF (der nur als Druckpuffer dient und also nicht wirklich als Integerarray verwendet wird) die Steuerfolge speichern, die gerade Ihren Drucker in den höchstauflösenden Grafikmodus versetzt und die Übersendung einer vollen Zeile Grafikbitmusterdaten ankündigt—hinter dieser Steuerfolge wird das Plotprogramm die Bitmusterdaten selber ablegen. Setzen Sie in Zeile 40 die Variable PREF auf die Länge dieser Steuerfolge (in Bytes); aus PREF und HRES wird die richtige Dimensionierung von BUFF errechnet, und aus PREF errechnet das Programm auch die Adresse, wo die eigentlichen Bitmusterdaten beginnen im Puffer.

Die Bitmusterdaten werden so im Puffer abgelegt, daß die höherwertigen Bits in jedem Grafikbyte den höherliegenden Bildpunktzeilen auf dem Papier entsprechen—so erwarten die Epson Drucker ihre Bitgrafikdaten. Falls Ihr Drucker, wie etwa der Itoh 8510A, die Bitgrafikdaten gerade in der umgekehrten Reihen-

folge erwartet (höherwertige Bits eines Grafikbytes entsprechen tieferliegenden Punkten auf dem Papier), müssen Sie in Zeile 5100 MASKE=#100 durch MASKE=#1 ersetzen und den Befehl MASKE=MASKE SHR 1 entfernen, dafür aber in Zeile 5600 einen Befehl MASKE=MASKE SHL 1 vor NEXT J einfügen.

Jetzt wieder für alle Drucker (außer FX-80): Zeile 5800 müssen Sie ersetzen durch einen Printbefehl, der auf Ihrem Drucker den Zeilenvorschub für K=0 auf 1/2 Punkt und für K=1 auf 7 1/2 Punkte setzt (bei Epson Druckern, 1/3 Punkt bzw. 7 2/3 Punkte) und dann einen Zeilenvorschub mit Wagenrücklauf ausführt (bei Epson Druckern reicht schon der Zeilenvorschub allein, um auch einen Wagenrücklauf zu bewirken!).

Und schließlich, das PRINT in Zeile 6100 muß so geändert werden, daß es auf Ihrem Drucker den Zeilenvorschub wieder auf die normalen 6 Zeilen pro Zoll stellt, eventuell wenn nötig den Grafikmodus ausschaltet und einen normalen Textmodus einschaltet, und schließlich einen Blattvorschub macht.

Mit diesen Änderungen können Sie das Programm dann mit Ihrem Drucker verwenden.

Falls Ihr Drucker nur in Vielfachen von einer ganzen Punkthöhe Zeilenvorschübe machen kann, sind weitergehende Änderungen des Programms nötig, auf die ich hier nicht in allen Details eingehen möchte. Insbesondere müssen ab Zeile 1000 die Zahlen 16 und 15 wo immer sie erscheinen (z.B. bei der Definition von ZAEHLER! und bei der zweiten Dimension der Arrays) durch 8 bzw. 7 ersetzt werden. Die FOR-Schleife über K zwischen Zeilen 4800 und 5900 kann entfallen (in anderen Worten, der Inhalt der Schleife muß dann nur einmal durchlaufen werden), und der FOR Befehl in Zeile 5100 kann jetzt FOR J=0 TO 7 (STEP 1) lauten. In Zeile 5800 ist einfach ein Zeilenvorschub von 8 Punkthöhen (genau eine volle Grafikzeile) zu machen.

Zum Schluß noch einige kurze Bemerkungen über einige Besonderheiten der Druckerhandhabung im Falle des Epson FX-80.

Bei dem hier verwendeten höchstauflösenden Grafikmodus mit vierfacher Dichte (1920 Punkte pro Zeile) kann der Drucker nicht zwei horizontal nebeneinanderliegende Punkte drucken—zwischen zwei gedruckten Punkten muß also immer mindestens ein Punkt frei bleiben. Wird von den Bitmusterdaten trotzdem das Drucken von benachbarten Punkten verlangt, so wird nur der erste Punkt gedruckt und der zweite wird einfach übergangen. Man könnte meinen, daß dadurch ein Teil der Auflösung verloren geht, aber es stellt sich heraus, daß diese Lücken in durchgehenden Geraden (z.B. in der y-Achse) nicht sichtbar sind, und die Punkte, die tatsächlich gedruckt werden werden ja auch mit der geforderten Genauigkeit auf's Papier gesetzt. Dieses Auslassen von Punkten fällt überhaupt nur auf, und dann in sehr geringem Maße, wenn in einer senkrecht verlaufenden Gerade (z.B. die x-Achse) einige Punkte nicht gedruckt werden, weil in manchen Druckzeilen die direkt links danebenliegenden Punkte gesetzt sind—dann erhält die senkrechte Gerade einen kaum merkbaren kleinen Knick.

Ich habe es ausprobiert, die dichte Auflösung hundertprozentig zu erreichen, indem ich jede Zeile zweimal habe drucken lassen, einmal nur die Punkte an geraden Stellen, beim zweiten Mal nur die Punkte an den ungeraden Stellen, aber ich mußte feststellen, daß dadurch die Druckqualität keine nennenswerte Besserung erfuhr, ja sich sogar verschlechterte, weil durch den überhöhen Schwärzungsgrad feine Details zugekleistert wurden.

Ähnlich verhält es sich, wie schon erwähnt, mit der senkrechten Auflösung. Eigentlich könnte der Epson Drucker zwischen je zwei Punktreihen mit seinem Zeilenvorschub von $1/3$ Punkt sogar zwei zusätzliche Punktreihen setzen, und nicht nur eine, wie wir's gemacht haben, aber ich meine, dies würde ohne sichtbare Verbesserung des Bildes auch nur feine Bilddetails zuschwärzen. Die Zwischenreihen ganz wegzulassen (also überhaupt nicht mit halb- oder drittelpunktigem Zeilenvorschub zu arbeiten) empfiehlt sich aber nicht—ich habe es probenhalber gemacht, und die Minderung der senkrechten Auflösung war deutlich sichtbar.

Natürlich kann man sich vorstellen, daß bei den Epson Druckern, die keinen echten halbpunktigen Zeilenvorschub haben, vielleicht eine andere Kombination als $1/3$ Punkt und $7 \frac{2}{3}$ Punkte günstiger wäre oder vielleicht bessere Ergebnisse liefert. Die Autoren des *BYTE* Artikels haben verschiedene Möglichkeiten ausprobiert, und sie empfehlen sogar die Kombination $1/3$ Punkt und $7 \frac{1}{3}$ Punkte! Ich habe dies aber dann auch versucht und dabei eine deutliche Verkürzung des Bildes in der Längsrichtung festgestellt, so daß ich diese Kombination doch nicht akzeptabel fand, zumal die Ergebnisse bei $1/3$ und $7 \frac{2}{3}$ einwandfrei sind. Vielleicht arbeitet mein FX-80 etwas präziser als der von den *BYTE* Autoren! (So abwegig ist das nicht—ein Bekannter von mir, der einen der ersten FX-80 gekauft hat, lobt das Schriftbild von meinem Drucker sehr in Vergleich zu seinem).

Wie dem auch sei, jedem steht es frei zu experimentieren!

Hier nun endlich das Programm. Vor dem Eintippen ist IMP INT: IMP FPT X-Y einzugeben!!

Hochauflösende Druckerplots

```

10 CLEAR 32767:POKE #131,1
20 HZOLL!=8.0:VZOLL!=10.0:RATIO!=VZOLL!/HZOLL!
   (Maße des bedruckbaren Papierbereichs)
30 HRES=1920:VRES=1440
   (Bedruckbare Grafikpunkte horizontal und vertikal)
35 V_HM_HOEHE=16:V_NM_HOEHE=8:P_VERHAELT!=(RATIO!*HRES)/VRES:
   H_HM_HOEHE=P_VERHAELT!*V_HM_HOEHE:H_NM_HOEHE=P_VERHAELT!*
   V_NM_HOEHE
   (Höhen der Achsenhaupt- und Nebenmarkierungsstriche in Punkten. P_VERHAELT! ist das Verhältnis der
   waagerechten und senkrechten Punktmaße)
40 PREF=4:REM Anzahl der Bytes in der Druckerkontrollsequenz um den Drucker in Grafikmodus zu
   versetzen
50 DIM BUFF(HRES/8.0,1.0):BUFF=PREF+VARPTR(BUFF(0.0,0.0))
   (Puffer für Bitmusterdaten für eine Zeile hochauflösende Druckergrafik, einschließlich Kontroll-
   sequenz zum Einschalten des Grafikmodus)
60 BUFF(0.0,0.0)=#1B5A8007:REM Kontrollsequenz für 1920 Punkte höchstauflösende
   Grafik, Epson FX-80
   Für andere Drucker abändern!
70 DIM CLR(3.0):CLR=VARPTR(CLR(0.0))
   (Folgende Zeilen speichern in CLR folgendes Maschinenprogramm, das den Puffer BUFF leer macht):
   LXI D,HRES; LXI H,BUFF;CLRLUP MVI M,0; DCX D; INX H; MOV A,D; ORA E; RZ; JMP CLRLUP
80 CLR(0.0)=#11800721:CLR(1.0)=#3600:CLR(2.0)=#1B237AB3:
   CLR(3.0)=#CBC30000
90 POKE CLR+1,HRES IAND 255:POKE CLR+2,HRES/256
100 POKE CLR+4,BUFF IAND 255:POKE CLR+5,BUFF SHR 8
110 POKE CLR+14,(CLR+6) IAND 255:POKE CLR+15,(CLR+6)/256
120 DIM FLL(8.0):FLL=VARPTR(FLL(0.0))
   (Folgende Zeilen speichern in FLL folgendes Maschinenprogramm, das einen Bereich im Puffer BUFF mit
   einem Bitmuster füllt. Der Aufruf geschieht mit CALLM FLL: DOT VON,ZU BYTE. Das Bitmuster BYTE wird
   mit allen Stellen im Puffer zwischen VON (linke Grenze) und ZU (rechte Grenze) geodert; schon vor-
   handene Daten werden also nicht gelöscht! Nützlich, um horizontale gerade Striche zu ziehen.):

```

```

INX B; CALL :E6FB (berechne und hinterlasse in HL den 16-bit Wert eines Ausdrucks); XCHG; LXI H,BUFF;
DAD D; PUSH H; CALL :E6FB; INX H; CALL :DE1A (HL-DE+HL); POP D; CALL :E71D (berechne und hinterlasse
in A den 8-bit Wert eines Ausdrucks); PUSH B; MOV B,A;FLLLUP LDAX D; ORA B; STAX D; INX D; DCX H;
MOV A,H; ORA L; JNZ FLLLUP; POP B; RET
130 FLL (0.0)=#3CDF8E6:FLL (1.0)=#EB210000:FLL (2.0)=#19E5CDF8
140 FLL (3.0)=#E623CD1A:FLL (4.0)=#DED1CD1D
150 FLL (5.0)=#E7C5471A:FLL (6.0)=#B012132B:FLL (7.0)=#7CB5C200:
    FLL (8.0)=#C1C900
160 POKE FLL+6,BUFF IAND 255:POKE FLL+7,BUFF SHR 8
170 POKE FLL+31,(FLL+23) IAND 255:POKE FLL+32,(FLL+23)/256
180 DIM MPRT(8.0):MPRT=VARPTR(MPRT(0.0))
    (Folgende Zeilen speichern in MPRT folgendes Maschinenprogramm, das den Puffer BUFF ausdrückt, d.h.
    an den Drucker schickt. Ein eigenes Programm ist dafür nötig, weil das normale Basic Druckprogramm
    nach Grafikdaten mit dem Code #D des Wagenrücklaufs ein Byte #A (Zeilenvorschub) einfügen würde!):
LXI D,HRES+PREF; LXI H,BUFF-PREF;MPLP1 LDA :FD00 (warte bis Drucker empfangsbereit); ANI 0;
JZ MPLP1;MPLP2 LDA :FFF3 (warte bis serieller Ausgabepuffer leer); ANI :10; JZ MPLP2; MOV A,M;
STA :FFF6 (serieller Ausgabepuffer); INX H; DCX D; MOV A,D; ORA E; RZ; JMP MPLP1
190 MPRT (0.0)=#11840721:MPRT (1.0)=#3A00
200 POKE MPRT+1,(HRES+PREF) IAND 255:POKE MPRT+2,
    (HRES+PREF)/256
210 POKE MPRT+4,(BUFF-PREF) IAND 255:POKE MPRT+5,
    (BUFF-PREF) SHR 8
220 MPRT (2.0)=#FDE608CA:MPRT (3.0)=#3AF3:POKE MPRT+12,
    (MPRT+6) IAND 255:POKE MPRT+13,(MPRT+6)/256
230 MPRT (4.0)=#FFE610CA:MPRT (5.0)=#7E32:POKE MPRT+20,
    (MPRT+14) IAND 255:POKE MPRT+21,(MPRT+14)/256
240 MPRT (6.0)=#F6FF231B:MPRT (7.0)=#7AB3C8C3:POKE MPRT+32,
    (MPRT+6) IAND 255:POKE MPRT+33,(MPRT+6)/256

1000 PDIM=VRES/16-1:REM Anzahl von Grafikdoppelzeilen (2x8 Bildpunkte hoch) auf dem Papier
1100 DIM PUNKTE!(PDIM,15.0),OBERGRENZE(PDIM,15.0),
    UNTERGRENZE(PDIM,15.0)
    PUNKTE! enthält die tatsächlichen Funktionswerte, UNTER- und OBERGRENZE hingegen geben an, von wo
    bis wo (in Bildpunkten gerechnet) die Graphenkurve sich in jeder Punktspalte des Graphen erstreckt.
1200 INPUT "ENTLANG X-ACHSE SKALA VON";XNIEDRIG:INPUT " BIS";
    XHOCH:PRINT
1300 INPUT "ENTLANG Y-ACHSE SKALA VON";YNIEDRIG:INPUT " BIS";
    YHOCH:PRINT
    Diese Angaben bestimmen, welcher Ausschnitt (in x- und y-Richtung) des Graphen zu zeichnen ist;
    dieser Ausschnitt wird dann in papierfüllendem Maßstab gezeichnet. Für eine Achse (x- oder y-)
    können ein oder beide Endpunkte vom Programm bestimmt werden--dazu gebe man den Wert 999 ein. Der
    tatsächlich verwendete Wert wird aus dem Wert des anderen Endpunktes so bestimmt, daß diese Achse
    im gleichen Längenmaßstab gezeichnet wird, wie die Andere; sind beide Endpunkte unbestimmt, wird ein
    entsprechend skaliertes symmetrisches Ausschnitt um die Null genommen. Diese Berechnungen, sowie die
    Skalierung der Bildpunkte entlang den Achsen, werden in den folgenden Zeilen vorgenommen:
1400 IF XNIEDRIG=999.0 THEN 2000:IF XHOCH=999.0 THEN 2000:IF
    XHOCH<=XNIEDRIG THEN 1200:XDIFF=XHOCH-XNIEDRIG
1500 XSCHRITT=XDIFF/VRES:XPROZOLL=XDIFF/VZOLL!:YACHSE=-1.0:IF
    XNIEDRIG<=0 THEN YACHSE=-XNIEDRIG/XSCHRITT
    YACHSE gibt die Bildpunktlage der y-Achse an; wenn YACHSE < 0 ist die y-Achse nicht sichtbar.
1600 IF XHOCH=0.0 THEN YACHSE=VRES-1
    Wenn die Achse am rechten Bildrand ist, soll sie auf jeden Fall sichtbar bleiben.
1650 IF YACHSE>=VRES THEN YACHSE=-1.0
1700 YDIFF=HZOLL!*XPROZOLL:IF YHOCH=999.0 THEN 1800:IF YNIEDRIG
    <>999.0 THEN 2100:YNIEDRIG=YHOCH-YDIFF:GOTO 2200
1800 IF YNIEDRIG=999.0 THEN YNIEDRIG=-YDIFF/2.0
1900 YHOCH=YNIEDRIG+YDIFF:GOTO 2200
2000 IF YNIEDRIG=999.0 THEN 1200:IF YHOCH=999.0 THEN 1200:IF
    YNIEDRIG>=YHOCH THEN 1200
2100 YDIFF=YHOCH-YNIEDRIG
2200 YSCHRITT=YDIFF/HRES:XACHSE=-1.0:IF YNIEDRIG<=0 THEN XACHSE=
    -YNIEDRIG/YSCHRITT
    XACHSE gibt die Bildpunktlage der x-Achse an; wenn XACHSE < 0 ist die x-Achse nicht sichtbar.

```

```

2300 IF YHOCH=0.0 THEN XACHSE=HRES-1
      Wenn die Achse am oberen Bildrand ist, soll sie auf jeden Fall sichtbar bleiben.
2400 IF XACHSE>=HRES THEN XACHSE=-1.0
2500 IF XNIEDRIG=999 THEN 2600: IF XHOCH<>999 THEN 3000: XDIFF=
      YDIFF*RATIO!: XHOCH=XNIEDRIG+XDIFF: GOTO 2800
2600 XDIFF=YDIFF*RATIO!: IF XHOCH=999.0 THEN XHOCH=XDIFF/2.0
2700 XNIEDRIG=XHOCH-XDIFF
2800 XSCHRITT=XDIFF/VRES: XPROZOLL=XDIFF/VZOLL!: YACHSE=-1.0: IF
      XNIEDRIG<=0 THEN YACHSE=-XNIEDRIG/XSCHRITT
      YACHSE gibt die Bildpunktlage der y-Achse an; wenn YACHSE < 0 ist die y-Achse nicht sichtbar.
2900 IF XHOCH=0.0 THEN YACHSE=VRES-1
      Wenn die Achse am rechten Bildrand ist, soll sie auf jeden Fall sichtbar bleiben.
3000 IF YACHSE>=VRES THEN YACHSE=-1.0
      Folgende Zeilen fragen danach, welche Einteilung auf den Achsen markiert werden soll. Die Achsen
      werden in zwei Abstufungen markiert--eine Haupteinteilung in größere Intervalle, durch längere
      Striche markiert, und eine feinere Unterteilung dieser Hauptintervalle, durch kürzere Striche
      markiert. Die Achsen werden nur markiert, wenn sie selber auch sichtbar sind. Wenn keine Mar-
      kierung gewünscht wird, gebe man "999" für die Hauptintervalle ein. Wenn nur eine einstufige Mar-
      kierung gewünscht wird, gebe man "1" ein für die Anzahl der Feinunterteilungen pro Hauptintervall.
3005 XHAUPT=-1.0: IF XACHSE<0.0 THEN 3050: PRINT :PRINT
      "HAUPTMARKIERUNG DER X-ACHSE ALLE WIEVIELE EINHEITEN?":
      INPUT XHAUPT:PRINT
3010 IF XHAUPT=999.0 THEN XHAUPT=-1.0
      negativer Wert von XHAUPT bedeutet keine Markierung der x-Achse
3020 IF XHAUPT<0.0 THEN 3050: INPUT "FEINEINTEILUNG DER X-ACHSE
      WIE OFT PRO HAUPTINTERVALL": NXFEIN:PRINT
3030 IF NXFEIN<=0.0 THEN XHAUPT=-1.0: GOTO 3050
3035 XFEIN=XHAUPT/NXFEIN: XF=XNIEDRIG/XFEIN: XF%=XF: XF=-FRAC(XF):
      IF XF<0.0 THEN XF%=XF%+1: XF=XF+1.0
3040 XFEINSCHRITT=XFEIN/XSCHRITT: XF=XF*XFEINSCHRITT: IF YACHSE>=0
      THEN XF=YACHSE+XF%*XFEINSCHRITT
      XF ist die Lage (in Bildpunkten gerechnet) des nächsten Markierungsstriches auf der x-Achse.
      (Man beachte: wenn die y-Achse vorhanden ist, wird XF von ihr ausgehend errechnet, um zu vermei-
      den, daß durch Rundungsfehler der Markierungsstrich für x = 0 direkt neben aber nicht auf der y-
      Achse gezeichnet wird, was tatsächlich manchmal sonst vorkommt. Ein anderer Weg, dieses Problem zu
      umgehen, wäre einfach, den Markierungsstrich für x=0 nicht zu zeichnen, was kaum auffallen würde.)
      XFEINSCHRITT ist der Abstand in Bildpunkten zwischen Feinmarkierungen auf der x-Achse.
      XF% zählt die Markierungen, und gibt somit an, ob die Nächste eine Haupt- oder Feinmarkierung ist.
3050 YHAUPT=-1.0: IF YACHSE<0.0 THEN 3100: PRINT :PRINT
      "HAUPTMARKIERUNG DER Y-ACHSE ALLE WIEVIELE EINHEITEN?":
      INPUT YHAUPT:PRINT
3055 IF YHAUPT=999.0 THEN YHAUPT=-1.0
3060 IF YHAUPT<0.0 THEN 3100: INPUT "FEINEINTEILUNG DER Y-ACHSE
      WIE OFT PRO HAUPTINTERVALL": NYFEIN:PRINT
3070 IF NYFEIN<=0.0 THEN YHAUPT=-1.0: GOTO 3100
3075 YFEIN=YHAUPT/NYFEIN: YF=YNIEDRIG/YFEIN: YF%=YF: YF=-FRAC(YF):
      IF YF<0.0 THEN YF%=YF%+1: YF=YF+1.0
3080 YFEINSCHRITT=YFEIN/YSCHRITT: YF=YF*YFEINSCHRITT: IF XACHSE>=0
      THEN YF=XACHSE+YF%*YFEINSCHRITT
      YF ist die Lage (in Bildpunkten gerechnet) des ersten Markierungsstriches auf der y-Achse.
      (Man beachte: wenn die x-Achse vorhanden ist, wird YF von ihr ausgehend errechnet, um zu vermei-
      den, daß durch Rundungsfehler der Markierungsstrich für y = 0 direkt neben aber nicht auf der x-
      Achse gezeichnet wird, was tatsächlich manchmal sonst vorkommt. Ein anderer Weg, dieses Problem zu
      umgehen, wäre einfach, den Markierungsstrich für y=0 nicht zu zeichnen, was kaum auffallen würde.)
      YFEINSCHRITT ist der Abstand in Bildpunkten zwischen Feinmarkierungen auf der y-Achse.
      YF% zählt die Markierungen, und gibt somit an, ob sie Haupt- oder Feinmarkierungen sind.
      Hier Berechnung der Funktionswerte und der Daten des zu druckenden Graphen:
3100 FOR I=0 TO PDIM: FOR J=0 TO 15: ZAEHLER!=I*16.0+J
3200 X=XNIEDRIG+(ZAEHLER!+0.5)*XSCHRITT

```

Von hier bis Zeile 3300 steht die Berechnung der zu plottenden Funktion, wobei ein Wert pro Bildpunktspalte (da der Graph in Querformat gezeichnet wird, heißt das: pro Druckerpunktzeile) zu berechnen ist. Diese Werte müssen in Bildpunkteinheiten, gezählt vom linken Blattrand, umgewandelt werden und in diesen Einheiten in das Array PUNKTE! eingetragen werden. Die hier angegebene Funktion ist der hyperbolische Tangens; für andere Funktionen lösche man Zeile 3210 und ersetze man den Ausdruck (EPX!-EMX!)/(EPX!+EMX!) in Zeile 3300 durch einen neuen Ausdruck für f(X).

```
3210 EPX!=EXP(X):EMX!=1.0/EPX!
3300 PUNKTE!(I,J)=(EPX!-EMX!)/(EPX!+EMX!)-YNIEDRIG/YSCHRIIT:
      NEXT J:NEXT I
```

In den folgenden Zeilen wird aus den Werten in PUNKTE! ermittelt, in welchem Bereich der Graph jede Bildpunktzeile auf dem Papier schneidet, nach dem Prinzip: die Werte in PUNKTE! werden auf der Mittellinie der Bildpunktzeilen angenommen, und man erzeugt aus diesen berechneten Punkten den Graphen durch lineare Interpolation, d.h. indem man aufeinanderfolgende berechnete Punkte durch Geradenstücke verbindet. Da die berechneten Punkte selber auf der Mittellinie der Druckerpunktzeilen angenommen werden, wird von diesen verbindenden Geraden gerade eine Hälfte in einer Druckerpunktzeile sichtbar sein, und die andere Geradenhälfte erscheint in der benachbarten Punktzeile. Das Programm berechnet (als ganze Zahlen) die Endpunkte der in jeder Druckerpunktzeile sichtbaren Geradenhälften, wobei so gerundet wird, daß die Übergänge zwischen Geradenhälften ohne Lücken erscheinen und so, daß in jeder Geradenhälfte auf jeden Fall mindestens ein Punkt sichtbar bleibt. Die Ober- und Untergrenze des insgesamt in jeder Druckerpunktzeile entstehenden Strichs werden in den Arrays OBERGRENZE und UNTERGRENZE gespeichert; man beachte, daß dieser Gesamtstrich auch aus zwei Teilstrichen entsteht, nämlich aus jeweils einer Hälfte der Verbindungsgeraden von dem berechneten Punkt in dieser Bildpunktzeile zu den beiden benachbarten berechneten Punkten.

```
3400 ALT!=PUNKTE!(0.0,0.0):IALT=0.0:JALT=0.0:FOR I=0 TO PDIM:
      FOR J=0 TO 15
3500 NEU!=PUNKTE!(I,J):MITTELWERT=(ALT!+NEU!)/2.0:RGRENZE=NEU!+
      0.5:IF ALT!>NEU! THEN 4100
3600 BRUCH_LINKS=MITTELWERT:BRUCH_RECHTS=BRUCH_LINKS+1:IF
      RGRENZE=BRUCH_LINKS THEN BRUCH_RECHTS=BRUCH_LINKS
3700 IF LGRENZE>BRUCH_LINKS THEN BRUCH_LINKS=BRUCH_LINKS+1
3800 IF BRUCH_LINKS>OBERGRENZE(IALT,JALT) THEN OBERGRENZE(IALT,
      JALT)=BRUCH_LINKS
4000 OBERGRENZE(I,J)=RGRENZE:UNTERGRENZE(I,J)=BRUCH_RECHTS:
      GOTO 4600
4100 BRUCH_RECHTS=MITTELWERT:BRUCH_LINKS=BRUCH_RECHTS+1:IF
      LGRENZE=BRUCH_RECHTS THEN BRUCH_LINKS=BRUCH_RECHTS
4200 IF RGRENZE>BRUCH_RECHTS THEN BRUCH_RECHTS=BRUCH_RECHTS+1
4400 IF BRUCH_LINKS<UNTERGRENZE(IALT,JALT) THEN UNTERGRENZE(
      IALT,JALT)=BRUCH_LINKS
4500 OBERGRENZE(I,J)=BRUCH_RECHTS:UNTERGRENZE(I,J)=RGRENZE
4600 ALT!=NEU!:IALT=I:JALT=J:LGRENZE=RGRENZE:NEXT J:NEXT I
```

Jetzt wird gedruckt!

```
4700 POKE #131,0
4750 YACHSE%=INT(YACHSE)
4800 FOR I=0 TO PDIM:FOR K=0 TO 1
4900 CALLM CLR: REM Puffer löschen
5000 IF YACHSE>=0 THEN POKE BUFF+XACHSE,255: REM x-Achse setzen
5100 MASKE=#100:FOR J=K TO K+14 STEP 2:MASKE=MASKE SHR 1:
      ZAEHLER=16*I+J
```

In jeder Grafikzeile, die an den Drucker geschickt wird, erscheint immer nur jede zweite Bildpunktzeile--deshalb STEP 2. Die dazwischenliegenden Punktreihen werden mit einer neuen Grafikzeile gedruckt, nach einem Zeilenvorschub von einer halben Punkthöhe!

MASKE ist das Bitmuster für die gegenwärtige Bildpunktreihe im Grafikpuffer.

Nun wird geprüft, ob in dieser Punktreihe ein Markierungsstrich für die x-Achse vorkommt. Wenn beim höchsten zu plottenden x-Wert ein Markierungsstrich fällig ist, wird dieser auch noch gezeichnet in der letzten Punktreihe (der (VRES-1)-ten), obwohl durch die Art der Skalierung dieser x-Wert normalerweise in Punktreihe VRES vorkommt und somit gerade nicht mehr sichtbar wäre.

```
5210 IF XACHSE<0 THEN 5250:IF ZAEHLER=INT(XF) THEN 5215:IF
      ZAEHLER<>VRES-1.0 THEN 5250:IF VRES<>INT(XF) THEN 5250
5215 MA=XACHSE-H_NM_HOEHE:ME=XACHSE+H_NM_HOEHE:IF (XF% MOD
      NXFEIN)=0 THEN MA=XACHSE-H_HM_HOEHE:ME=XACHSE+H_HM_HOEHE
```

Hier wurden die Endpunkte des Markierungsstriches bestimmt. Er wird am Bildrand abgeschnitten wenn er über den Bildrand hinausgeht:

```
5220 IF MA<0 THEN MA=0
5230 IF ME>=HRES THEN ME=HRES-1
Nun zeichne die Markierung im Puffer und setze die Zeiger auf die nächste Markierung:
5240 CALLM FLL:DOT MA,ME MASKE:XF=XF+XFEINSCHRITT:XF%=XF%+1
Wenn diese Punktreihe der y-Achse entspricht, mache einen durchgehenden Strich, fertig:
5250 IF ZAEHLER=YACHSE% THEN STRICH_ANFANG=0:STRICH_ENDE=HRES-1:
      GOTO 5500
```

Sonst prüfe, ob diese Punktreihe so nahe bei der y-Achse liegt, daß sie die Markierungsstriche der y-Achse trifft, und wenn ja, setze die entsprechenden Punkte im Puffer durch POKEs (auch hier wird eine eventuelle Markierung für den höchsten y-Wert noch gezeichnet, obwohl sie normalerweise gerade nicht mehr sichtbar wäre):

```
5255 IF YACHSE%<0 THEN 5300:IF ZAEHLER<YACHSE%-V_HM_HOEHE THEN
      5300:IF ZAEHLER>YACHSE%+V_HM_HOEHE THEN 5300
5260 HAUPT=1:IF ZAEHLER>=YACHSE%-V_NM_HOEHE THEN IF ZAEHLER<=
      YACHSE%+V_NM_HOEHE THEN HAUPT=0
5270 MARK_ZAEHLER=YF%:MARK_Y!=YF
5280 IF MARK_Y!>HRES THEN 5300:IF HAUPT=1.0 THEN IF
      (MARK_ZAEHLER MOD NYFEIN)<>0.0 THEN 5290
5282 ADDR=BUFF+MARK_Y!:IF MARK_Y!=HRES THEN ADDR=BUFF+HRES-1
5286 POKE ADDR,PEEK(ADDR) IDR MASKE
5290 MARK_Y!=MARK_Y!+YFEINSCHRITT:MARK_ZAEHLER=MARK_ZAEHLER+1:
      GOTO 5280
```

Nun zeichne den eigentlichen Graphen in dieser Punktreihe (wenn er überhaupt sichtbar ist). Er wird am Bildrand abgeschnitten, wenn er über diesen hinausgeht. Punkte, die dem höchsten zu plottenden y-Wert (genauer gesagt, der ersten nicht mehr sichtbaren Punktspalte) entsprechen, werden in der letzten Punktspalte noch gezeichnet.

```
5300 STRICH_ANFANG=UNTERGRENZE(I,J):STRICH_ENDE=OBERGRENZE(I,J):
      IF STRICH_ANFANG<0.0 THEN STRICH_ANFANG=0:IF STRICH_ENDE<0
      THEN 5600
5400 IF STRICH_ENDE>=HRES THEN STRICH_ENDE=HRES-1:IF
      STRICH_ANFANG>HRES THEN 5600:IF STRICH_ANFANG=HRES THEN
      STRICH_ANFANG=HRES-1
5500 CALLM FLL:DOT STRICH_ANFANG,STRICH_ENDE MASKE
5600 NEXT J
```

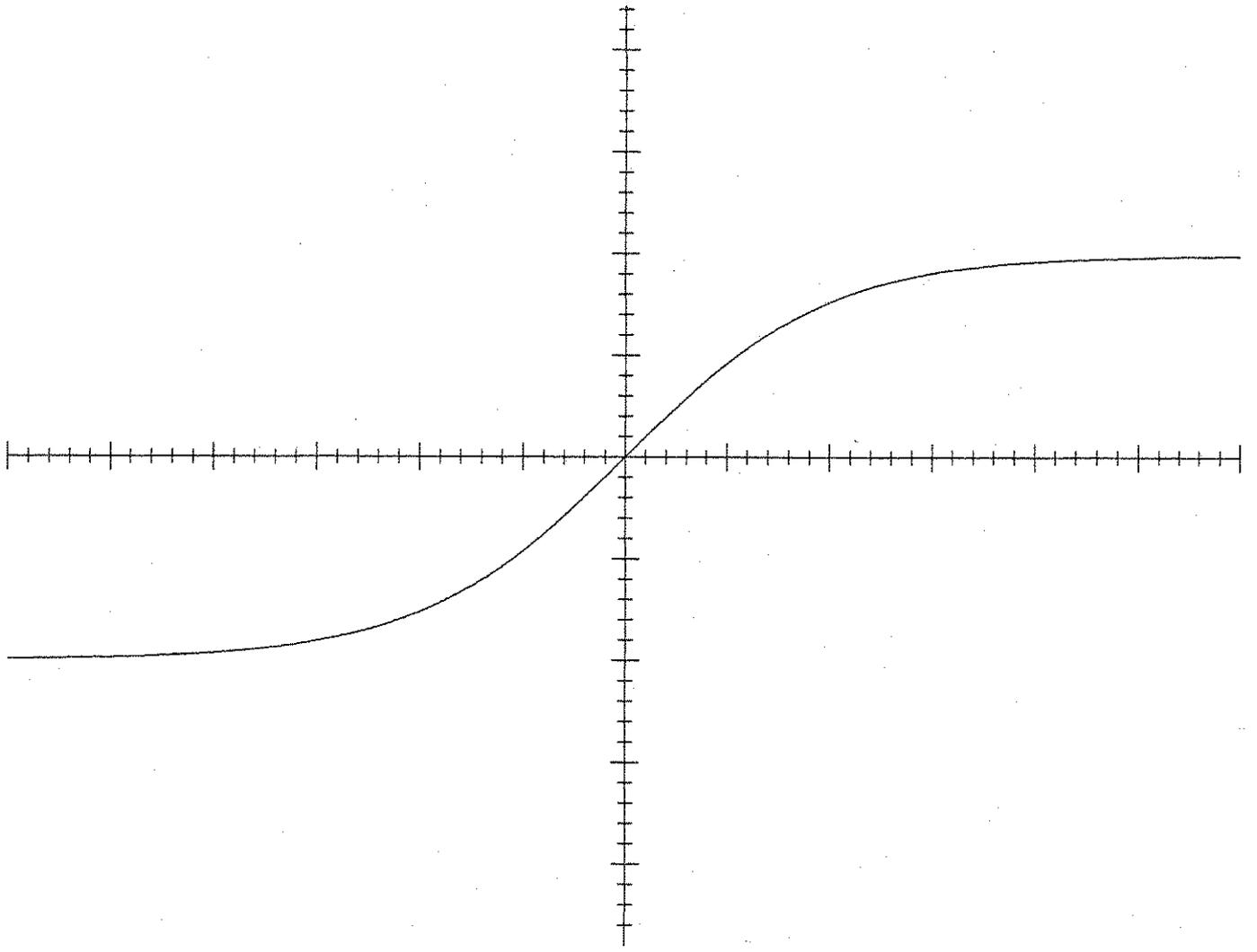
Nun ist der Ausschnitt im Grafikpuffer fertig gezeichnet, also schicke ihn an den Drucker:

```
5700 CALLM MPRT
und mache einen Zeilenvorschub, abwechselnd 1/2 Punkthöhe und dann 7 1/2 Punkte (insgesamt eine
8-Punkt Grafikzeile hoch, doppelt dicht bedruckt!). Die hier angegebene PRINT Zeile ist für den
Epson FX-80 und muß für andere Drucker angepaßt werden! Man beachte, daß der FX-80 eigentlich
keine Zeilenvorschübe in halber Punkthöhe (1/144 Zoll) machen kann, sondern nur in Vielfachen
von 1/3 Punkthöhe (1/216 Zoll)--hier werden deshalb in Wirklichkeit Zeilenvorschübe von abwech-
selnd 1/3 und 7 2/3 Punkthöhe gemacht (K ist abwechselnd 0 und 1), was trotzdem sehr gute Ergeb-
nisse liefert. Man beachte auch: in der angegebenen PRINT Zeile wird zuerst der Zeilenabstand
auf die gewünschte Größe gesetzt und dann ein Zeilenvorschub gemacht. Es ist wichtig zu bemer-
ken, daß diese Befehlsfolge beim FX-80 gleichzeitig einen Wagenrücklauf bewirkt (im Gegensatz
zum Befehl ESC J des FX-80, der nur Papiervorschub bewirkt). Wenn dieser Programmschritt für
andere Drucker angepaßt wird, muß der Druckkopf auf jeden Fall an den Anfang einer neuen Druck-
zeile gebracht werden.
5800 PRINT CHR$(27);"3";CHR$(1+K*22);CHR$(10);
5900 NEXT K:REM Nächste Hälfte der doppeldicht bedruckten Grafikzeile.
6000 NEXT I:REM Nächste doppeldichte Grafikzeile
Nun ist das Bild fertig. Setze den Drucker wieder auf normalen Zeilenabstand (1/6 Zoll), mache
einen Seitenvorschub, schalte die Druckausgabe ab, und END.
(Diese PRINT Zeile ist wieder für den FX-80 gedacht, und muß für andere Drucker angepaßt werden!)
6100 PRINT CHR$(27);"2";CHR$(12);:POKE #131,1:END:REM Grafik aus.
```

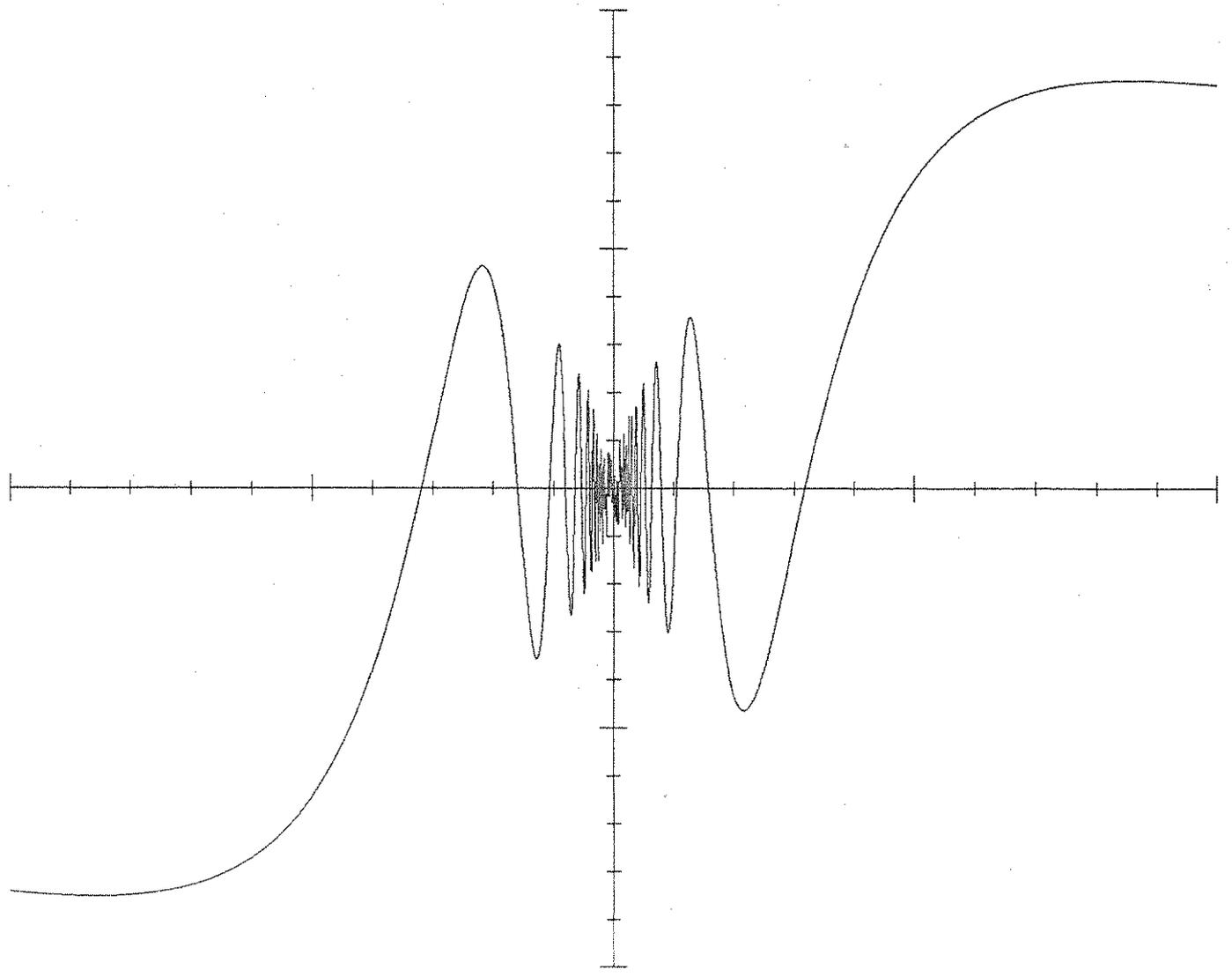
Bochum, den 16.1.1986

Literatur:

Mark Bridger, Mark Goresky: High-Resolution Printer Graphics, BYTE, November 1985, 219-232.



GP 26,11



GP 26,10

AUTONUMBER

Dieses Programm erzeugt bei Bedarf automatisch fortlaufende Zeilennummern. Die Anfangszeilennummer und die Schrittweite können bei Bedarf durch POKE festgelegt werden. Vor der Anwendung sollte der HEAP-Bereich höher gelegt werden um eine versehentliche Löschung des Programms zu vermeiden. Außer der Auto-Funktion ermöglicht das Programm die Eingabe über eine externe (serielle) Tastatur. Schließen Sie hierzu die Tastatur an die serielle Schnittstelle an. Die Break-Funktion gilt nur für die Eingabe. Ein Programm läßt sich daher nur bei einer Eingabe-Funktion oder durch die normale Break-Taste des DAI unterbrechen!

Da die Floppy-Station und die MDCR den Sprungvektor 'DINC' (#2E0) verwenden, ist diese Funktion noch anzupassen.

Zur Benutzung: Poken Sie in die Speicherstellen 'LINENR' die erste zu verwendende Zeilennummer und in 'STEP' die gewünschte Schrittweite (unteres Byte= Wert modulo 256, obere Adresse=Wert/256 z.B. 'POKE #2F0,10;POKE#2F1,0' für Wert=10).

Anschließend poken Sie in die Speicherstelle 'INSW' (#296) einen der folgenden Werte:

- 0 - Eingabe über interne Tastatur, Auto aus
- 1 - Eingabe über externe Tastatur, Auto aus
- 4 - Auto ein, Eingabe über interne Tastatur
- 5 - Auto ein, Eingabe über externe Tastatur

Ist Auto eingeschaltet, so wird bei betätigen der Leertaste in der ersten Eingabeposition die Zeilennummer ausgegeben. Wird statt dessen eine andere Taste betätigt, so wird die Zeilennummer unterdrückt.

Dadurch braucht die Zeilennummer nicht nochmals gelöscht werden, wenn man eine Zeile einfügen will.

NP1

002		START	EQU	:02F0	EVTL. ANPASSEN	
003		RUNF	EQU	:0118	0=EINGABE, 1=PROGRAMM	
004		DINC	EQU	:02E0	SPRUNG ZUR EINGABE	
005		INSW	EQU	:0296	EINGABE-SCHALTER	
006		PRNTR	EQU	:EFB4	GÄBE (HL) ALS DEZ. ZAHL AUS	
007		GETC	EQU	:D4E2	HOLE ZEICHEN VON TASTATUR	
008		GETRS	EQU	:DDB4	HOLE ZEICHEN VON RS-232	
009		GETBRS	EQU	:DDC0	HOLE BREAK-STATUS VON RS-232	
010						
011		AUTOM	EQU	:04	MASKE FUER AUTO (BIT 2)	
012		INPUTM	EQU	:01	MASKE FUER TASTATUR/RS-232	
013		MDCRM	EQU	:00	MASKE FUER MDCR/FLOPPY	
014					FUER MEMOCOM-MDCR = :02	
015		MDCR	EQU	:0000	SPRUNGADR. FUER MDCR/FLOPPY	
016					WERT ENTSPRICHT URSPRUENG-	
017					LICHEM WERT DES DINC-SPRUNGS	
018					BEI VERWENDUNG VON FLOPPY	
019					ODER MDCR EVTL. ANPASSEN	
020						
021			ORG	DINC		
022	02E0	C3F402	JMP	AUTO		
023						
024			ORG	START		
025	02F0	0A00	LINENR	DBL	10	SPEICHER FUER ZEILENNR.
026	02F2	0A00	STEP	DBL	10	SPEICHER FUER SCHRITTWEIT
027						
028	02F4	E600	AUTO	ANI	MDCRM	
029	02F6	C20000		JNZ	MDCR	
030	02F9	3A9602		LDA	INSW	
031	02FC	E604		ANI	AUTOM	
032	02FE	CA3503		JZ	GETKEY	
033	0301	3A1801		LDA	RUNF	LAEUFT PROGRAMM ?
034	0304	B7		ORA	A	
035	0305	C23503		JNZ	GETKEY	
036	0308	E5		PUSH	H	
037	0309	EF		RST	5	LADE CURSORPOS. IN HL
038	030A	0C		DATA	:0C	L=X-POSITION
039	030B	2D		DCR	L	
040	030C	C23403		JNZ	DONE2	
041	030F	CD3503		CALL	GETKEY	
042	0312	DA3203		JC	DONE	
043	0315	FE20		CPI	' '	TASTE = SPACE ?
044	0317	C23103		JNZ	DONE1	
045	031A	C5		PUSH	B	
046	031B	D5		PUSH	D	
047	031C	2AF002		LHLD	LINENR	
048	031F	CDB4EF		CALL	PRNTR	GEBE ZEILENNR. AUS
049	0322	2AF202		LHLD	STEP	BERECHNE NAECHSTE ZEILENNR.
050	0325	EB		XCHG		
051	0326	2AF002		LHLD	LINENR	
052	0329	19		DAD	D	
053	032A	22F002		SHLD	LINENR	
054	032D	3E20		MVI	A, ' '	
055	032F	D1		POP	D	
056	0330	C1		POP	B	
057	0331	B7	DONE1	ORA	A	
058	0332	E1	DONE	POP	H	
059	0333	C9		RET		
060	0334	E1	DONE2	POP	H	
061	0335	3A9602	GETKEY	LDA	INSW	
062	0338	E601		ANI	INPUTM	
063	033A	CAE1D4		JZ	GETC	EINGABE UEBER INT. TASTAT
064	033D	CDC0DD		CALL	GETBRS	BREAK VON EXT. TASTATUR ?
065	0340	D8		RC		
066	0341	C3B4DD		JMP	GETRS	HOLE CHR. VON EXT. TASTATUR
067						
068	0344		END			

```

59000 REM BASIC Interface Formatdruck und -Listen
59010 REM Legt das Maschinenprogramm unterhalb des
59020 REM Heap ab und belegt die Parameter.
59030 REM (C) Bernd Preusing 22.3.82
59040 REM
59100 CLEAR 1000
59110 POKE #29B,#7C:POKE #29C,#4:REM START HEAP
59120 CLEAR #100
59130 POKE #131,1
59140 POKE #2DD,#C3:POKE #2DE,#30:POKE #2DF,#3
59200 FOR ADR%=#330 TO #47B:READ BYTE%:POKE ADR%,BYTE%:NEXT
59210 FOR ADR%=#2EC TO #32F:POKE ADR%,0:NEXT
59260 PRINT CHR$(12):PRINT :PRINT
59265 INPUT "Locherrand";LR%:PRINT
59267 POKE #2EE,LR%
59270 INPUT "Zeichen pro Zeile incl. Rand";ZZ%:PRINT
59275 IF ZZ%>0 THEN POKE #2EC,ZZ%
59280 INPUT "Zeilen pro Seite";ZS%:PRINT
59285 IF ZS%>0 THEN POKE #2ED,ZS%
59290 INPUT "Titelzeile u./o. Seitennummern <J/N>";T$:PRINT

59300 IF T$="N" THEN 59500
59310 IF T$<>"J" THEN 59290
59320 POKE #2F2,#A:SFLAG%=0
59330 PRINT "Bitte geben Sie den Titel ein,"
59335 PRINT "fuer die Seitennummer druecken Sie '&' !"
59340 INPUT TITEL$:PRINT
59345 IF LEN(TITEL$)>55 THEN 59330
59350 ADR%=#2F8
59355 FOR I%=0 TO LEN(TITEL$)-1
59360 BYTE%=ASC(MID$(TITEL$,I%,1))
59365 IF BYTE%=ASC("&") THEN SFLAG%=1
59370 POKE ADR%,BYTE%:ADR%=ADR%+1
59380 NEXT I%
59390 POKE ADR%,0
59400 INPUT "Leerzeilen zwischen Titel u. Text";LZTT%:PRINT

59402 POKE #2EF,LZTT%
59405 IF SFLAG%=0 THEN 59450
59410 INPUT "Erste Seitennummer";SNR%:PRINT
59415 IF SNR%<1 OR SNR%>9999 THEN 59410
59420 SNR$=MID$(STR$(SNR%),1,LEN(STR$(SNR%))-3)
59430 FOR ADR%=#2F3 TO #2F6:POKE ADR%,ASC("0"):NEXT
59440 FOR I%=LEN(SNR$) TO 1 STEP (-1):ADR%=ADR%-1:POKE ADR%,
ASC(MID$(SNR$,I%-1,1)):NEXT
59450 INPUT "Titeltext rechts, links, mittig <L/R/M>";P$:PR
INT
59460 IF P$="L" THEN POKE #2F7,0:GOTO 59500
59470 IF P$="R" THEN POKE #2F7,ZZ%-LR%-LEN(TITEL$)-2:GOTO 59
500
59480 IF P$="M" THEN POKE #2F7,(ZZ%-LR%-LEN(TITEL$))/2:GOTO
59500
59490 GOTO 59450
59500 PRINT :PRINT "Aufruf der Formatierung durch POKE #131,
4:PRINT.. oder :LIST":PRINT :PRINT
59999 REM #330-#47B
60000 DATA #F5,#3A,#31,#01,#FE,#04,#DA,#44
60010 DATA #03,#CA,#4C,#03,#FE,#06,#DA,#4B
60020 DATA #03,#F1,#C9,#00,#F1,#C3,#94,#DD
60030 DATA #F1,#C3,#94,#DD,#F1,#EF,#03,#FE

```

60040 DATA #0D, #0A, #8B, #03, #FE, #0C, #0A, #AC
60050 DATA #03, #EE, #FS, #3A, #F2, #02, #1F, #D4
60060 DATA #0C, #03, #1F, #0C, #FD, #03, #1F, #0C
60070 DATA #ED, #03, #F1, #0D, #49, #03, #F5, #21
60080 DATA #F0, #02, #34, #3A, #EC, #02, #BE, #0C
60090 DATA #7D, #03, #F1, #E1, #C9, #3E, #0D, #0D
60100 DATA #8B, #03, #3A, #F2, #02, #F6, #05, #32
60110 DATA #F2, #02, #C9, #F5, #E5, #0D, #49, #03
60120 DATA #AF, #32, #F0, #02, #3A, #F2, #02, #E6
60130 DATA #FA, #32, #F2, #02, #21, #F1, #02, #34
60140 DATA #3A, #ED, #02, #BE, #0C, #AA, #03, #E1
60150 DATA #F1, #C9, #3E, #0C, #F5, #0D, #49, #03
60160 DATA #AF, #32, #F0, #02, #32, #F1, #02, #3A
60170 DATA #F2, #02, #E6, #08, #3A, #F2, #02, #C4
60180 DATA #C9, #03, #E6, #FA, #32, #F2, #02, #F1
60190 DATA #C9, #F6, #02, #C9, #F5, #3A, #EE, #02
60200 DATA #32, #F0, #02, #B7, #0A, #E1, #03, #6F
60210 DATA #3E, #20, #0D, #49, #03, #2D, #C2, #DA
60220 DATA #03, #3A, #F2, #02, #F6, #01, #E6, #FB
60230 DATA #32, #F2, #02, #F1, #C9, #F5, #0D, #0C
60240 DATA #03, #2E, #06, #3A, #F0, #02, #85, #32
60250 DATA #F0, #02, #C3, #D8, #03, #17, #DC, #0C
60260 DATA #03, #F5, #3A, #F2, #02, #E6, #FD, #32
60270 DATA #F2, #02, #0D, #13, #04, #F1, #04, #0C
60280 DATA #03, #1F, #C9, #E5, #D5, #21, #F7, #02
60290 DATA #7E, #B7, #0A, #27, #04, #57, #3E, #20
60300 DATA #0D, #49, #03, #15, #02, #20, #04, #23
60310 DATA #7E, #FE, #26, #0A, #49, #04, #B7, #0A
60320 DATA #38, #04, #0D, #49, #03, #C3, #27, #04
60330 DATA #3A, #EF, #02, #3C, #57, #3E, #0D, #0D
60340 DATA #8B, #03, #15, #C2, #3F, #04, #D1, #E1
60350 DATA #C9, #E5, #21, #F3, #02, #16, #04, #1E
60360 DATA #30, #7E, #23, #BB, #C2, #5C, #04, #15
60370 DATA #C2, #51, #04, #14, #0D, #49, #03, #7E
60380 DATA #23, #15, #C2, #5C, #04, #0D, #6C, #04
60390 DATA #E1, #C3, #27, #04, #16, #04, #2B, #2B
60400 DATA #34, #7E, #FE, #3A, #D8, #36, #30, #15
60410 DATA #C2, #6F, #04, #C9

```
59000 REM BASIC Interface Formatdruck und -Listen
59010 REM Legt das Maschinenprogramm unterhalb des
59020 REM Heap ab und belegt die Parameter.
59030 REM (C) Bernd Preusing 22.3.82
59040 REM . relativiert 19.6.82
59050 REM
59060 REM PLATZ FUER DAS ML-PROGRAMM MACHEN:
59070 REM
59100 CLEAR 1000
59110 OLDHEAP=PEEK(#29B)+256*PEEK(#29C)
59120 NEUHEAP=OLDHEAP+#190
59130 POKE #29B,NEUHEAP IAND #FF
59140 POKE #29C,NEUHEAP SHR 8
59150 POKE #29D,(1000-#190) IAND #FF
59160 POKE #29E,(1000-#190) SHR 8
59170 POKE NEUHEAP,((1000-#190-4) SHR 8) IOR #80
59180 POKE NEUHEAP+1,(1000-#190-4) IAND #FF
59190 REM
59200 REM PROGRAMM EINLESEN
59210 REM
59220 POKE #131,1:REM NUR AUF SCREEN
59230 START=OLDHEAP+#44
59240 POKE #2DD,#C3:POKE #2DE,START IAND #FF:POKE #2DF,START SHR 8

59250 FOR ADR=START TO NEUHEAP-1:READ BYTE:POKE ADR,BYTE:NEXT
59260 FOR ADR=OLDHEAP TO START-1:POKE ADR,0:NEXT
59270 REM
59280 REM ABSOLUTE ADRESSEN BERECHNEN
59290 REM
59300 READ NREL
59310 FOR I=1 TO NREL
59320 READ POSREL
59330 MOM=POSREL+START
59340 ALTWERT=PEEK(MOM)+256*PEEK(MOM+1)
59350 POKE MOM,(ALTWERT+OLDHEAP) IAND #FF
59360 POKE MOM+1,(ALTWERT+OLDHEAP) SHR 8
59370 NEXT
59380 REM
59390 REM PARAMETER ERFRAGEN
59400 REM
59410 PRINT CHR$(12):PRINT :PRINT
59420 INPUT "Locherrand";LR:PRINT
59430 POKE OLDHEAP+2,LR
59440 REM
59450 INPUT "Zeichen pro Zeile incl. Rand";ZZ:PRINT
59460 IF ZZ>0 THEN POKE OLDHEAP,ZZ
59470 REM
59480 INPUT "Zeilen pro Seite";ZS:PRINT
59490 IF ZS>0 THEN POKE OLDHEAP+1,ZS
59500 REM
59510 INPUT "Titelzeile u./o. Seitennummern <J/N>";T$:PRINT
59520 IF T$="N" GOTO 59880
59530 IF T$<>"J" GOTO 59510
59540 REM
59550 POKE OLDHEAP+6,#A
59560 SFLAG=0
59570 PRINT "Bitte geben Sie den Titel ein,"
59580 PRINT "fuer die Seitennummer druecken Sie '&' !"
59590 REM FUER EIN ANDERES ZEICHEN ALS '&' IN ZEILE
59600 REM 60310 DAS DRITTE DATA AENDERN.
59610 INPUT TITEL$:PRINT
59620 IF LEN(TITEL$)>55 GOTO 59570
59630 ADR=OLDHEAP+12
```



```

59640 FOR I=0 TO LEN(TITEL$)-1
59650 BYTE=ASC(MID$(TITEL$,I,1))
59660 IF BYTE=ASC("&") THEN SFLAG=1
59670 POKE ADR,BYTE
59680 ADR=ADR+1
59690 NEXT I
59700 POKE ADR,0:REM =TEXTENDE
59710 REM
59720 INPUT "Leerzeilen zwischen Titel u. Text";LZTT:PRINT
59730 POKE OLDHEAP+3,LZTT
59740 IF SFLAG=0 GOTO 59820
59750 REM
59760 INPUT "Erste Seitennummer";SNR:PRINT
59770 IF SNR<1 OR SNR>9999 GOTO 59760
59780 SNR$=MID$(STR$(SNR),1,LEN(STR$(SNR))-3)
59790 FOR ADR=OLDHEAP+7 TO OLDHEAP+10:POKE ADR,ASC("0"):NEXT
59800 FOR I=LEN(SNR$) TO 1 STEP (-1):ADR=ADR-1:POKE ADR,ASC(MID$(S
NR$,I-1,1)):NEXT
59810 REM
59820 INPUT "Titeltext rechts, links, mittig <L/R/M>";P$:PRINT
59830 IF P$="L" THEN POKE OLDHEAP+11,0:GOTO 59880
59840 IF P$="R" THEN POKE OLDHEAP+11,(ZZ-LR-LEN(TITEL$))-2:GOTO 5988
0
59850 IF P$="M" THEN POKE OLDHEAP+11,(ZZ-LR-LEN(TITEL$))/2:GOTO 59
880
59860 GOTO 59820
59870 REM
59880 PRINT :PRINT "Aufruf der Formatierung durch POKE #131,4:PRIN
T.. oder :LIST":PRINT :PRINT
59890 REM
59999 REM #0044-#018F      (= ORG :0)
60000 DATA #F5,#3A,#31,#01,#FE,#04,#DA,#58
60010 DATA #00,#CA,#60,#00,#FE,#06,#DA,#5C
60020 DATA #00,#F1,#C9,#00,#F1,#C3,#CF,#0A
60030 DATA #F1,#C3,#94,#DD,#F1,#EF,#03,#FE
60040 DATA #0D,#CA,#9F,#00,#FE,#0C,#CA,#C0
60050 DATA #00,#E5,#F5,#3A,#06,#00,#1F,#D4
60060 DATA #E0,#00,#1F,#DC,#11,#01,#1F,#DC
60070 DATA #01,#01,#F1,#CD,#5D,#00,#F5,#21
60080 DATA #04,#00,#34,#3A,#00,#00,#BE,#CC
60090 DATA #91,#00,#F1,#E1,#C9,#3E,#0D,#CD
60100 DATA #9F,#00,#3A,#06,#00,#F6,#05,#32
60110 DATA #06,#00,#C9,#F5,#E5,#CD,#5D,#00
60120 DATA #AF,#32,#04,#00,#3A,#06,#00,#E6
60130 DATA #FA,#32,#06,#00,#21,#05,#00,#34
60140 DATA #3A,#01,#00,#BE,#CC,#BE,#00,#E1
60150 DATA #F1,#C9,#3E,#0C,#F5,#CD,#5D,#00
60160 DATA #AF,#32,#04,#00,#32,#05,#00,#3A
60170 DATA #06,#00,#E6,#08,#3A,#06,#00,#C4
60180 DATA #DD,#00,#E6,#FA,#32,#06,#00,#F1
60190 DATA #C9,#F6,#02,#C9,#F5,#3A,#02,#00
60200 DATA #32,#04,#00,#B7,#CA,#F5,#00,#6F
60210 DATA #3E,#20,#CD,#5D,#00,#2D,#C2,#EE
60220 DATA #00,#3A,#06,#00,#F6,#01,#E6,#FB
60230 DATA #32,#06,#00,#F1,#C9,#F5,#CD,#E0
60240 DATA #00,#2E,#06,#3A,#04,#00,#85,#32
60250 DATA #04,#00,#C3,#EC,#00,#17,#DC,#E0
60260 DATA #00,#F5,#3A,#06,#00,#E6,#FD,#32
60270 DATA #06,#00,#CD,#27,#01,#F1,#D4,#E0
60280 DATA #00,#1F,#C9,#E5,#D5,#21,#0B,#00
60290 DATA #7E,#B7,#CA,#38,#01,#57,#3E,#20
60300 DATA #CD,#5D,#00,#15,#C2,#34,#01,#23
60310 DATA #7E,#FE,#26,#CA,#5D,#01,#B7,#CA

```


60320 DATA #4C,#01,#CD,#5D,#00,#C3,#3B,#01
60330 DATA #3A,#03,#00,#3C,#57,#3E,#0D,#CD
60340 DATA #9F,#00,#15,#C2,#53,#01,#D1,#E1
60350 DATA #C9,#E5,#21,#07,#00,#16,#04,#1E
60360 DATA #30,#7E,#23,#BB,#C2,#70,#01,#15
60370 DATA #C2,#65,#01,#14,#CD,#5D,#00,#7E
60380 DATA #23,#15,#C2,#70,#01,#CD,#80,#01
60390 DATA #E1,#C3,#3B,#01,#16,#04,#2B,#2B
60400 DATA #34,#7E,#FE,#3A,#D8,#36,#30,#15
60410 DATA #C2,#83,#01,#C9
60500 REM
60510 REM POSITIONEN, AN DENEN RELATIVE ADR. STEHEN
60520 DATA 65
60530 DATA #07,#0A,#0F,#22,#27,#2C,#30,#34
60540 DATA #38,#3C,#40,#44,#48,#50,#53,#58
60550 DATA #5E,#62,#65,#6A,#6D,#71,#75,#7E
60560 DATA #82,#85,#88,#8D,#90,#95,#9E,#A1
60570 DATA #A5,#AB,#AF,#B2,#B9,#BF,#C4,#C8
60580 DATA #CB,#CF,#D3,#D8,#DB,#DF,#E6,#EB
60590 DATA #F1,#F5,#FC,#100,#103,#106,#109,#110
60600 DATA #114,#11B,#125,#129,#12D,#133,#136,#13A
60610 DATA #149

